

En introduktion till Datorteknik för "I"

Roger Johansson

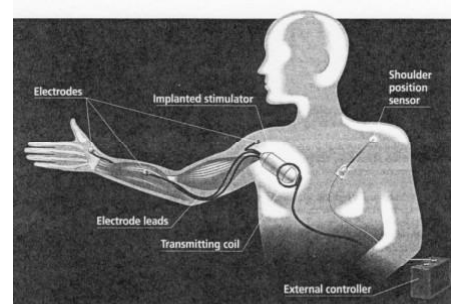
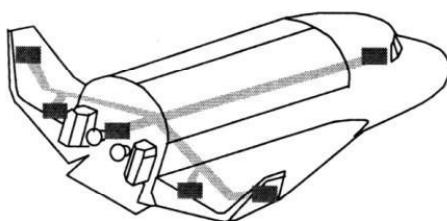
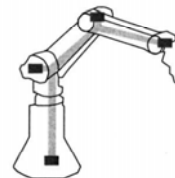
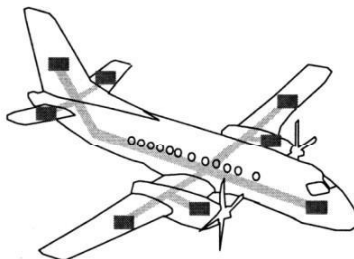
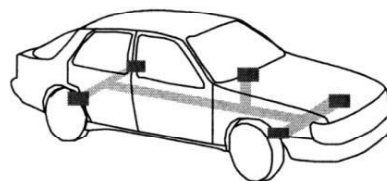


Datortekniken ligger till grund för en lång rad välbekanta vardagsprylar

- Mobiltelefoner,
- mediaspelare; mp3, IPOD
- digitalboxar, "laptops", hemma-bio
- spelkonsoler
- mikrovågsugnar
- huslarm, "smartcards" etc.

Samma teknik ligger också till grund för ett stort antal av samhällets tekniska system

- arbetsstationer
- bilar
- flygplan
- trafiksystem
- larmsystem
- robotar
- processmaskiner
- medicinsk apparatur
- rymdfarkoster m fl

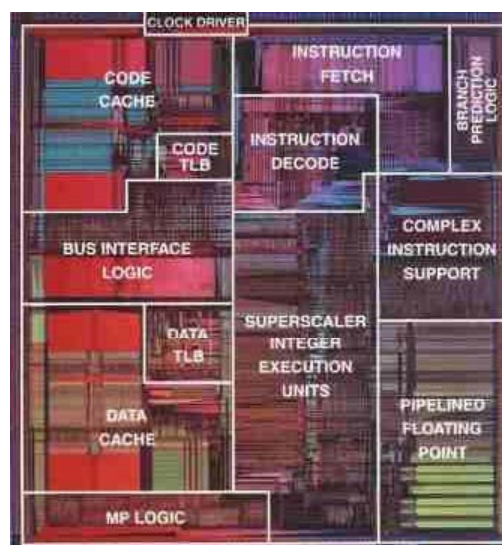
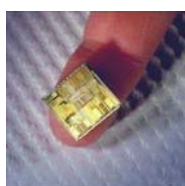


Alla dessa tekniska "prylar" och system innehåller **digitala system**.

Datorsystem är programmerbara digitala system.

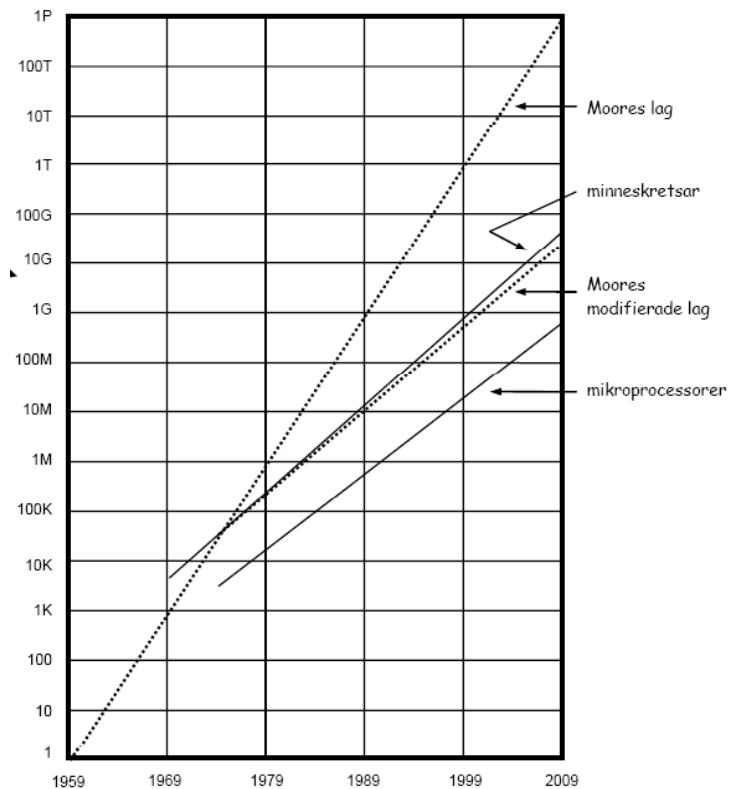
Digitala system baseras på **digital teknik** som alltså är fundamental för skapandet av datorsystem.

Kärnan i ett datorsystem är en **mikroprocessor**.

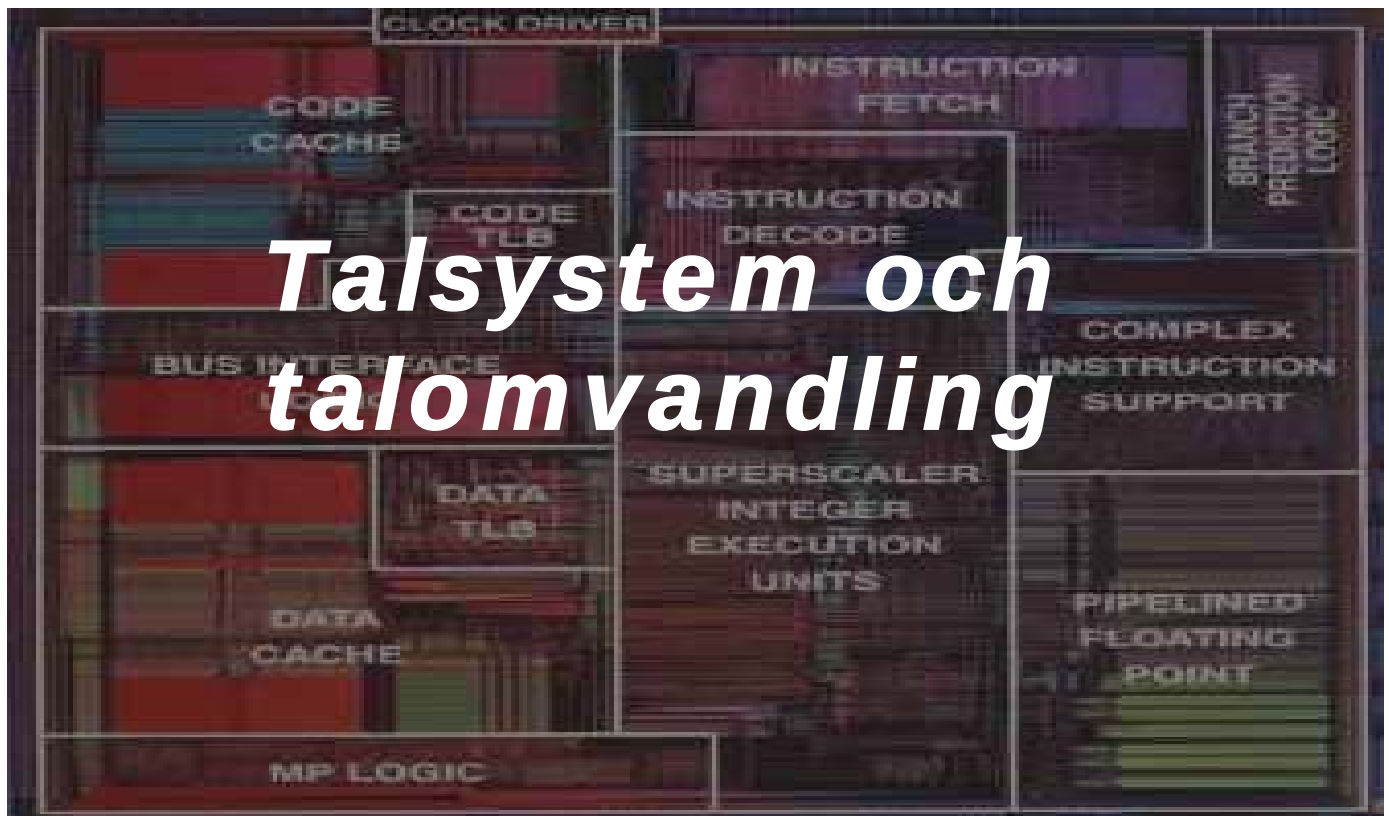


Mikroelektronikens utveckling

Antalet transistorer som ryms på en kiselbricka fördubblas var 18-e månad



Talsystem och talomvandling



Binär kodning

- Begrepp
- Tal och talsystem
- ASCII-kod
- NBCD

Vad betyder
ettorna och nollorna?
10011010001110101010111

Begrepp vid binär kodning

<i>begrepp</i>	<i>betydelse</i>	<i>exempel...</i>
bit/bitar	minsta informationsenhet, kan anta två värden	0 eller 1
bitsträng binärt ord	sekvens av bitar	101100100001...
kodord	$K_7 K_6 K_5 K_4 K_3 K_2 K_1 K_0$ också ett binärt ord men med en fastställd kodning (betydelse)	1000001 = "A" (ASCII) 1000001 = 65 (naturligt tal) 1000001 = -127 (heltal)
ordlängd	antal bitar i ordet	
nibble	ordlängden 4 bitar	0101
byte	ordlängden 8 bitar	01011100

Positionssystem, 10-decimalt

Ett N -bitars tal. $N = n+m$ där n är antalet siffror i heltalsdelen och m är antalet siffror i bråkdelen skriver vi allmänt:

$$\begin{array}{c} d_{n-1}d_{n-2}\dots d_1d_0 \cdot d_{-1}d_{-2}\dots d_{-(m-1)}d_{-m} \\ \text{Mest signifikanta siffra (MSD)} \quad \quad \quad \text{Decimalpunkt} \quad \quad \quad \text{Minst signifikanta siffra (LSD)} \end{array}$$

Exempelvis, talet:

$$\begin{aligned} 123,456 &= 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2} + 6 \times 10^{-3} \\ &= 100 + 20 + 3 + 0,4 + 0,05 + 0,006 \end{aligned}$$

Där $N=6$, $n=m=3$, varje siffras vikt avgörs av dess position i talet...

Positionssystem, generellt

Talbasen β kan dock vara praktiskt taget vad som helst...

$$d_{n-1} \times \beta^{n-1} + d_{n-2} \times \beta^{n-2} + \dots + d_1 \times \beta^1 + d_0 \times \beta^0 + d_{-1} \times \beta^{-1} + d_{-2} \times \beta^{-2} + \dots + d_{-(m-1)} \times \beta^{-(m-1)} + d_{-m} \times \beta^{-m}$$

Exempel: $\beta=10$

$$d_{n-1} \times 10^{n-1} + d_{n-2} \times 10^{n-2} + \dots + d_1 \times 10^1 + d_0 \times 10^0 + d_{-1} \times 10^{-1} + d_{-2} \times 10^{-2} + \dots + d_{-(m-1)} \times 10^{-(m-1)} + d_{-m} \times 10^{-m}$$

Exempel: $\beta=2$

$$d_{n-1} \times 2^{n-1} + d_{n-2} \times 2^{n-2} + \dots + d_1 \times 2^1 + d_0 \times 2^0 + d_{-1} \times 2^{-1} + d_{-2} \times 2^{-2} + \dots + d_{-(m-1)} \times 2^{-(m-1)} + d_{-m} \times 2^{-m}$$

Vi använder vanligen det enklare skrivsättet

$$N = (d_{n-1}d_{n-2}\dots d_1d_0 \cdot d_{-1}d_{-2}\dots d_{-(m-1)}d_{-m})_\beta$$

Talbaser

Vi använder huvudsakligen tre olika talbaser:

Decimalt, för att vi är vana vid det.

Binärt, för att det motsvarar informationselementen i det digitala systemet.

Hexadecimalt, därför att det är ett bekvämt sätt att skriva grupper av binära siffror

Exempel:

$$(13)_{10} = (1101)_2 = (D)_{16}$$

bas 10 decimalt	bas 2 binärt	bas 16 hexadecimalt
0	0000	0
1	0001	1
2	0010	2
3	0011	3
4	0100	4
5	0101	5
6	0110	6
7	0111	7
8	1000	8
9	1001	9
10	1010	A
11	1011	B
12	1100	C
13	1101	D
14	1110	E
15	1111	F

Talombvandlingar

För talombvandling *till* basen 10 använder vi definitionen direkt...

Exempel:

Omvandla till decimal form:

a) $(110.111)_2$

b) $(1A.8F)_{16}$

Lösning:

a) $(110.111)_2 = \{N=6, n=m=3, \beta=2\} =$
 $1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} =$
 $4 + 2 + 0 + 1/2 + 1/4 + 1/8 = 6 + 7/8 = (6,875)_{10}$

b) $(1A.8F)_{16} = \{N=4, n=m=2, \beta=16\} =$
 $1 \times 16^1 + 10 \times 16^0 + 8 \times 16^{-1} + 15 \times 16^{-2} =$
 $16 + 10 + 8/16 + 15/256 = 26 + 143/256 = (26,55859375)_{10}$

Omvandling från N_{10} till N_{β}

1. Dela upp N_{10} i heltalsdel och bråktalsdel.
2. Heltalsdelen omvandlas via succesiva divisioner med β .
3. Bråkdelen omvandlas via succesiva multiplikationer med β .

Exempel:

Omvandla $(122,18)_{10}$ till binär form. Bråkdelen avkortas vid behov till 7 korrekta bråksiffror.

1. Omvandla $(122)_{10}$ till binär form

$$122/2 = 61 + 0/2 \rightarrow d_0 = 0$$

$$61/2 = 30 + 1/2 \rightarrow d_1 = 1$$

$$30/2 = 15 + 0/2 \rightarrow d_2 = 0$$

$$15/2 = 7 + 1/2 \rightarrow d_3 = 1$$

$$7/2 = 3 + 1/2 \rightarrow d_4 = 1$$

$$3/2 = 1 + 1/2 \rightarrow d_5 = 1$$

$$1/2 = 0 + 1/2 \rightarrow d_6 = 1$$

Terminerings-
villkor

Heltalsdelen således:

$$(1111010)_2$$

2. Omvandla $(0,18)_{10}$ till binär form

$$\begin{array}{rcll}
 0,18 \times 2 = & \mathbf{0,36} & \rightarrow d_{-1} = \mathbf{0} \\
 0,36 \times 2 = & \mathbf{0,72} & \rightarrow d_{-2} = \mathbf{0} \\
 0,72 \times 2 = & \mathbf{1,44} & \rightarrow d_{-3} = \mathbf{1} \\
 0,44 \times 2 = & \mathbf{0,88} & \rightarrow d_{-4} = \mathbf{0} \\
 0,88 \times 2 = & \mathbf{1,76} & \rightarrow d_{-5} = \mathbf{1} \\
 0,76 \times 2 = & \mathbf{1,52} & \rightarrow d_{-6} = \mathbf{1} \\
 0,52 \times 2 = & \mathbf{1,04} & \rightarrow d_{-7} = \mathbf{1}
 \end{array}$$

Termineringsvillkor enligt uppgiftstexten
7 st. korrekta bråksiffror

Bråkdelen således:

$$(0.0010111)_2$$

Omvandla till hexadecimal form

Exempel:

Omvandla $(122,18)_{10}$ till hexadecimal form. Bråkdelen avkortas vid behov till 2 korrekta bråksiffror.

Heltalsdelen:

$$122/16 = 7 + 10/16 \rightarrow d_0 = (10)_{10} = (\mathbf{A})_{16}$$

$$7/16 = 0 + 7/16 \rightarrow d_1 = (7)_{10} = (\mathbf{7})_{16}$$

Bråkdelen:

$$0,18 \times 16 = 2,88 \rightarrow d_{-1} = (2)_{10} = (\mathbf{2})_{16}$$

$$0,88 \times 16 = 14,08 \rightarrow d_{-2} = (14)_{10} = (\mathbf{E})_{16}$$

Svar:

$$(122,18)_{10} \approx \mathbf{7A.2E}$$

Alfanumeriska tecken → ASCII

American **S**tandard **C**ode for **I**nformation **I**nterchange

Typiskt användningsområde: Tangentbord



7-bitars ASCII kodning

000	001	010	011	100	101	110	111	K ₆ K ₅ K ₄ K ₃ K ₂ K ₁ K ₀
NUL	DLE	SP	0	@	P	`	p	0 0 0 0
SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q	0 0 0 1
STX	DC2	“	2	B	R	b	r	0 0 1 0
ETX	DC3	#	3	C	S	c	s	0 0 1 1
EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t	0 1 0 0
ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u	0 1 0 1
ACK	SYN	&	6	F	V	f	v	0 1 1 0
BEL	ETB	‘	7	G	W	g	w	0 1 1 1
BS	CAN	(	8	H	X	h	x	1 0 0 0
HT	EM	)	9	I	Y	i	y	1 0 0 1
LF	SUB	*	:	J	Z	j	z	1 0 1 0
VT	ESC	+	;	K	[Ä	k	{ä	1 0 1 1
FF	FS	,	<	L	\Ö	l	ö	1 1 0 0
CR	GS	-	=	M	]Å	m	}å	1 1 0 1
S0	RS	.	>	N	^	n	~	1 1 1 0
S1	US	/	?	O	_	o	RUBOUT (DEL)	1 1 1 1

ASCII– Exempel

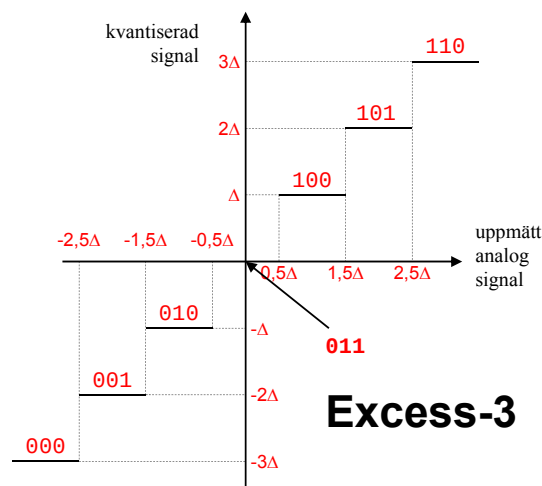
Textsträngen "Hej" representeras som:

1001000 1100101 1101010
 'H' 'e' 'j'

Textsträngen "9756" representeras som:

0111001 0110111 0110101 0110110
 '9' '7' '5' '6'

Excess–n kod



Används för att koda bipolära storheter, exempelvis att representera ett spänningsintervall

$-10 \text{ V} < \text{analog signal} < 10 \text{ Volt}$

Men också som exponent i IEEE-flyttal (beskrivs nedan...)

Flyttal

Exempel:

Omvandla $(122,18)_{10}$ till normaliserat tal med flytande bråkpunkt (flyttal).

Lösning:

Vi har tidigare sett att: $(122,18)_{10} = (1111010.0010111)_2$

Men detta kan också skrivas:

$$(1.1110100010111)_2 \times 2^6$$

Normaliserad mantissa
 $1 \leq m < 2$

Exponent

Teckenbit måste finnas, eftersom både talet och exponenten är bipolära (+/-0)

$$+(1.1110100010111)_2 \times 2^{+6}$$

↑
Teckenbit:
0 = +
1 = -

↑
Här använder vi excess-n
Kodning
minst 4 bitar behövs här ty
 $6 = (110)_2$, dvs tre bitar
Och vi kräver symmetriskt
+/-

tecken

0/1110/1.1110100010111

exponent

Normaliserad mantissa

excess 8

tecken

0/1110/1.1110100010111

exponent

Normaliserad mantissa



Egentligen onödigt att lagra denna, ty den är alltid 1...

Vilket leder oss till...

IEEE - Flyttalsstandard

- flyttalsformat
- noggrannhet i resultat från aritmetiska operationer
- omvandling mellan heltal och flyttal
- omvandling till/från andra flyttalsformat
- avrundning
- undantagshantering vid operationer på flyttal, exempelvis division med 0 och resultat som ej kan representeras av flyttalsformatet.

■ Standarden definierar fyra olika flyttalsformat:

- *Single format*, totalt 32 bitar
- *Double format*, totalt 64 bitar
- *Single extended format*, antalet bitar är implementationsberoende
- *Double extended format*, totalt 80 bitar

MSB

LSB

S	C	F
---	---	---

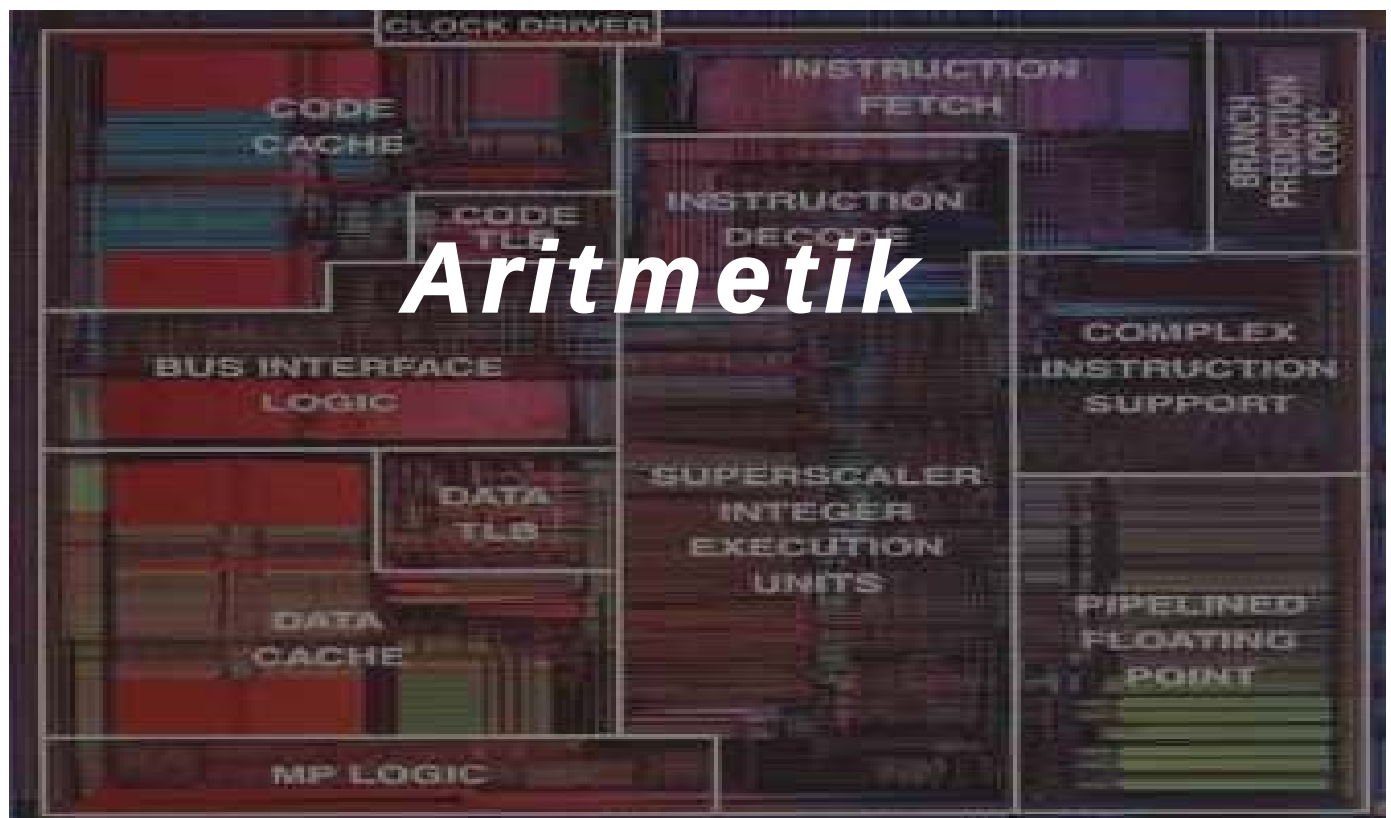
där:

F (*fractional part*) kallas också *signifikand*, är den normaliserade mantissan $\times 2$, dvs den första (implicita) ettan i mantissan utelämnas i representationen och mantissan skiftas ett steg till vänster. På så sätt uppnår vi ytterligare noggrannhet eftersom vi får ytterligare en siffra i det lagrade talet.

C (*karakteristika*) är exponenten uttryckt på *excess(n)* format, *n* beror på vilket av de fyra formaten som avses.

S (*sign*) är teckenbit för F.

Format	S	C	F
<i>Single</i>	1 bit	8 bitar excess(127)	23 bitar
<i>Double</i>	1 bit	11 bitar excess(1023)	52 bitar
<i>Extended</i>	1 bit	15 bitar excess(2047)	64 bitar



Binär addition – ”papper och penna metod”

Exempel: $(5)_{10} + (23)_{10} = ?$

		1 1 1	minnessiffror
$(5)_{10}$		<u>101</u>	augend
$(23)_{10}$	+	10111	addend
$(28)_{10}$		11100	summa

Binär multiplikation – ”papper och penna metod”

Exempel: $(25)_{10} \times (11)_{10} = ?$

$(25)_{10}$		11001	multiplikand
$(11)_{10}$	×	1011	multiplikator
		<u>11001</u>	
		11001	
		00000	
	+	11001	
$(275)_{10}$		100010011	produkt

Binär subtraktion – ”papper och penna metod”

Exempel: $(110)_{10} - (43)_{10} = ?$

		^{10 10}	minnessiffror
$(110)_{10}$		1101110	minuend
$(43)_{10}$	-	101011	subtrahend
$(67)_{10}$		1000011	skillnad

Binär division – ”papper och penna metod”

Exempel: $(33)_{10} : (6)_{10} = ?$

		0101	kvot
divisor	110	100001	dividend
	-	000	
		1000	
	-	110	
		0100	
	-	000	
		1001	
	-	110	
		011	rest

$(100001)_2 : (110)_2 =$
 $(0101)_2 + (011)_2 : (110)_2$

8-bitars addition

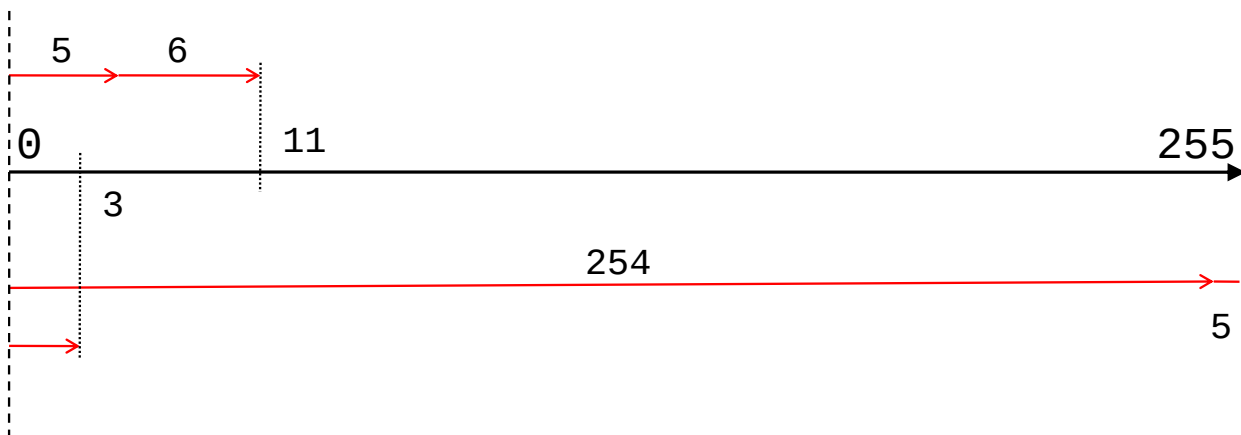
$$\begin{array}{r} 5 \\ + 6 \\ \hline 11 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 254 \\ + 5 \\ \hline 259 \end{array}$$

8 bitar ger
talamrådet
 $0..2^8-1 = 0..255$

Spill ! ("Overflow")

Geometrisk tolkning - tallinje



Vi säger att C-flaggan, genererad från addition av de mest signifikanta bitarna är en **spillindikator**.

8-bitars subtraktion

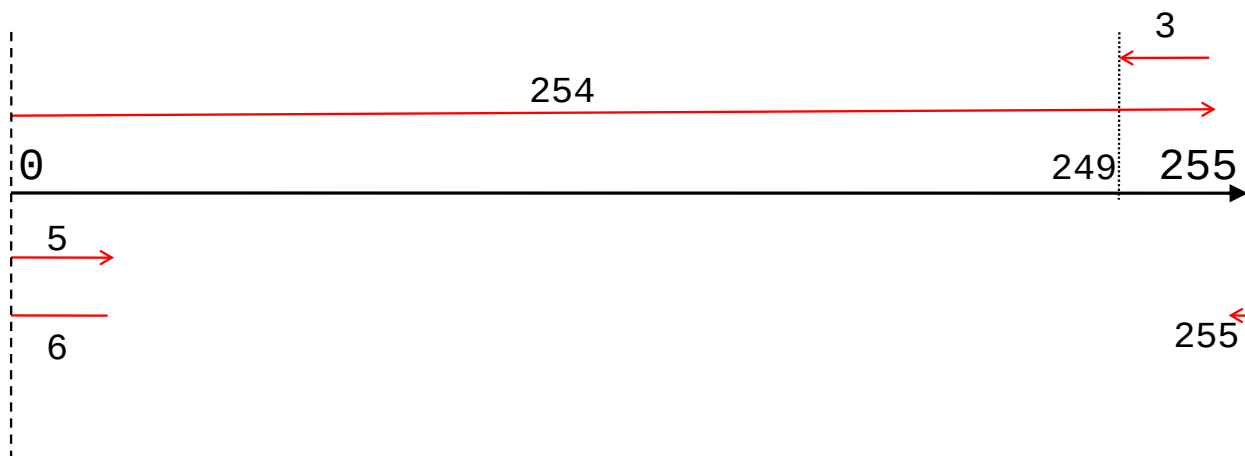
$$\begin{array}{r}
 254 \quad \quad \quad \overset{1}{11111110} \\
 - 5 \quad \quad - 00000101 \\
 \hline
 249 \quad \quad 11111001
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 5 \quad \quad \quad \overset{1}{\overset{10 \ 10 \ 10 \ 10 \ 10}{00000101}} \\
 - 6 \quad \quad - 00000110 \\
 \hline
 255 \quad \quad 11111111
 \end{array}$$

För att kunna utföra subtraktionen tvingas vi låna av en tänkt siffra med vikt 2^8 .

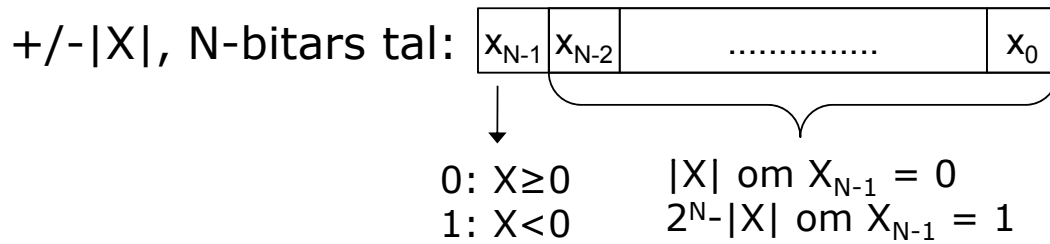
Spill ! ("Underflow")

Geometrisk tolkning - tallinje



Den tänkta "lånebiten" kallar vi "Borrow", en **spillindikator**.

Tal med tecken - Tvåkomplementsform



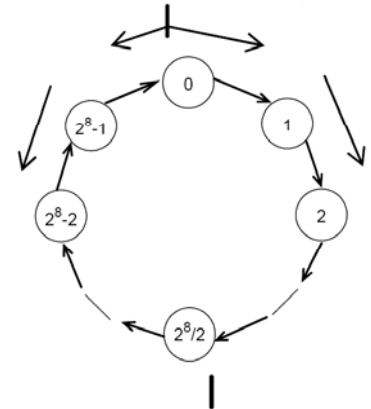
Exempel: 8-bitars tal ± 19 :

+19

0	0	0	1	0	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---

-19 = [256-19=237]

1	1	1	0	1	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---



Tvåkomplementsform - Metod för teckenbyte

$X + Y = 2^n \Rightarrow Y$ är 2-komplementet till X (n-bitars tal)

För 8-bitars tal således:

$$\begin{aligned}
 Y = X_{2k} &= 2^8 - X = \\
 &= (2^8 - 1) - X + 1 \\
 &= \underbrace{11111111 - x_7x_6x_5x_4x_3x_2x_1x_0}_{\text{1-komplement}} + 1
 \end{aligned}$$

Detta kallas 1-komplement (X_{1k}).
Bitvis invertering

Exempel: Bestäm maskintalet på 8 bitars tvåkomplementsform för decimala talet -50

Vi utgår enklast från $X=50$ (och söker X_{2k})
 $(50)_{10} = X = 00110010$

$$\begin{array}{r} X_{1k} = 11001101 \\ + \quad \quad \quad 1 \\ - (50)_{10} = X_{2k} = 11001110 \end{array}$$

Tvåkomplementsform - addition

Relation A och B, om:	Utförs A+B som:
$A, B \geq 0$	$A+B$
$A \geq 0, B < 0,$	$A+B_{2k} = [A+(2^N-B)] \pmod{2^N} = A-B = A + (-B)$
$A < 0, B \geq 0,$	$A_{2k}+B = [(2^N-A)+B] \pmod{2^N} = -A+B = B + (-A)$
$A, B < 0$	$A_{2k}+B_{2k} = [(2^N-A)+(2^N-B)] \pmod{2^N} = -A-B = -(A+B)$

Dvs. Oavsett vilka tecken de ingående talen har så fungerar rättfram binär addition.

Tvåkomplementsform - subtraktion

Vi inser också att en subtraktion kan utföras med hjälp av en adderare ty

$$A - B = A + (-B) \text{ och } -B = B_{2k} = B_{1k} + 1$$

Exempel: $6 - 5 = 6 + (-5) = 00000110 + 11111010 + 1$

$$(5)_{10} =$$

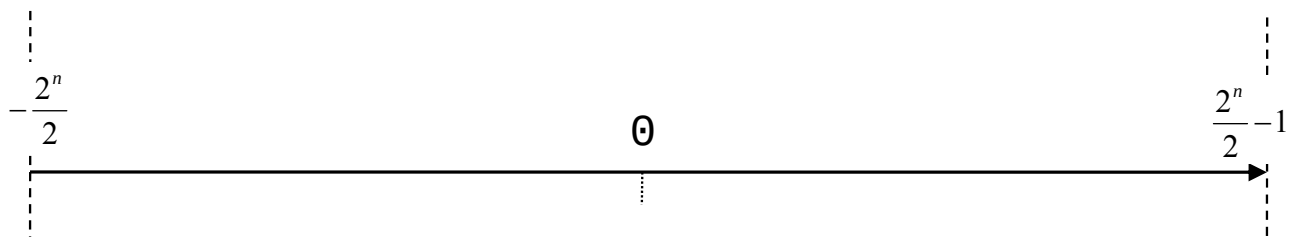
$$(00000101)_2$$

Dvs 1-komplement:

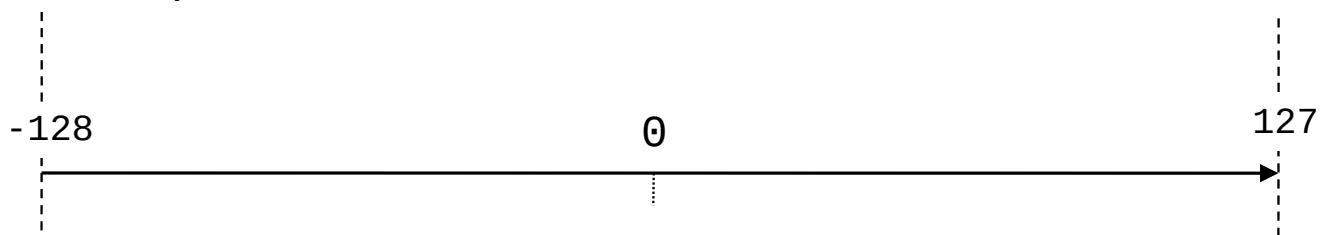
$$(11111010)_{1k}$$

$$\begin{array}{r} 11111111 \\ 00000110 \\ + 11111010 \\ \hline 00000001 \end{array}$$

Tvåkomplementsform - talområde

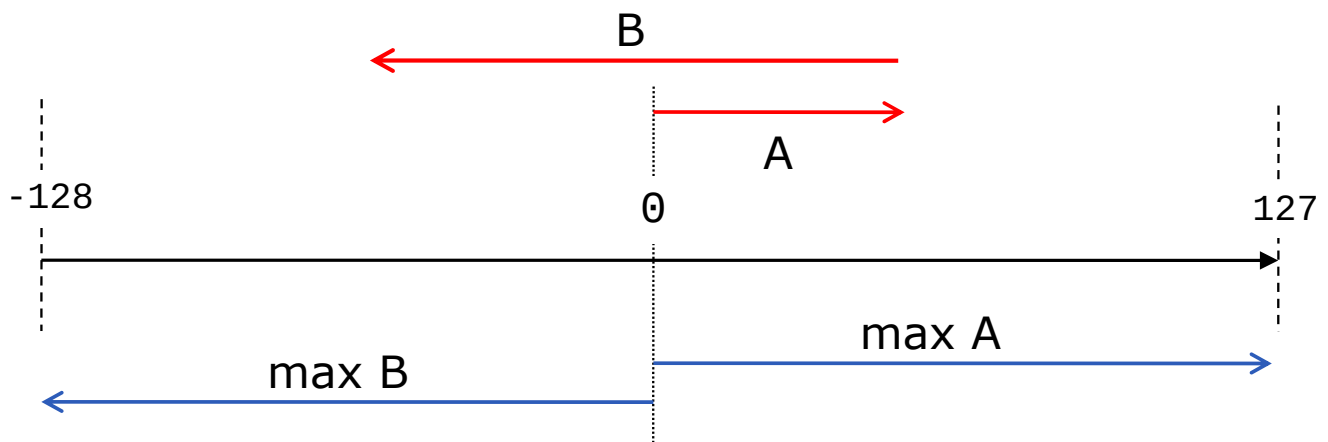


Exempel: 8-bitars tal



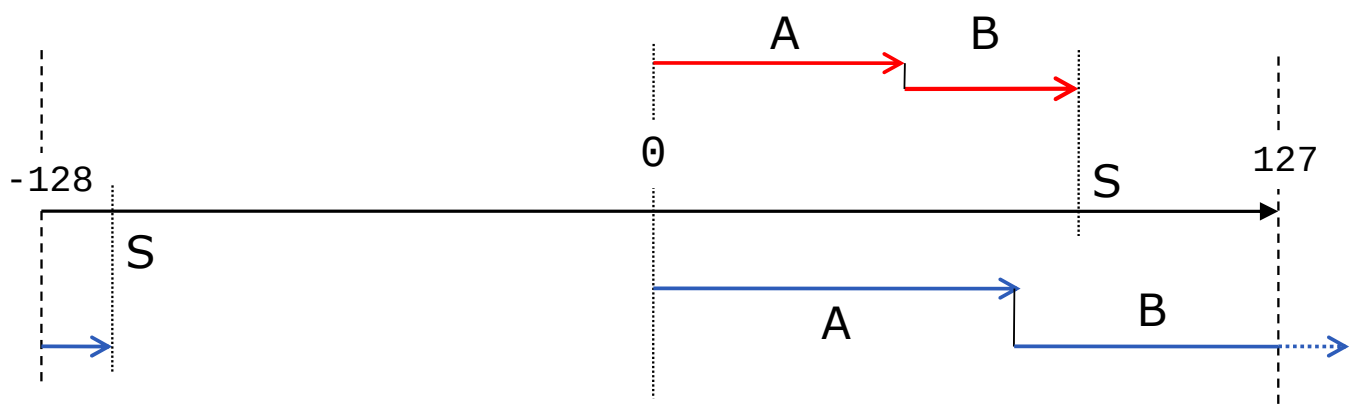
Tvåkomplementsform - spillindikatorer

$A + B$ där $A \geq 0$ och $B < 0$



Slutsats: Om A och B har olika tecken vid addition kan 2-komplementspill inte uppträda

$A + B = S$, där $A \geq 0$ och $B \geq 0$



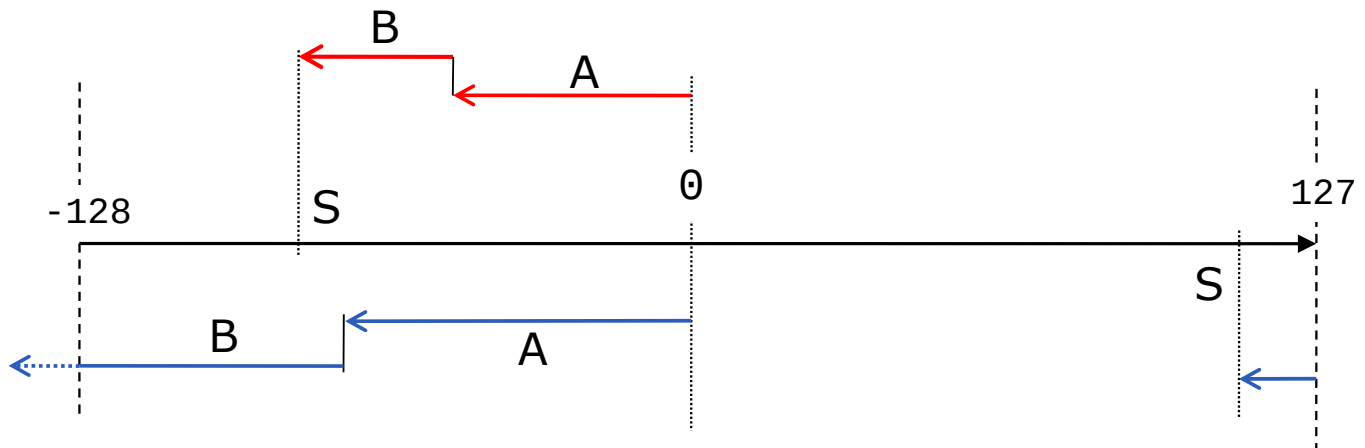
Slutsats:

Om A och B har samma tecken vid addition **kan** 2-komplementspill uppträda.

Vi kan konstatera spill genom en teckenöverläggning, dvs:

$$spill = (A \geq 0) (B \geq 0) (S < 0)$$

$A + B = S$, där $A < 0$ och $B < 0$



I detta fall kan vi skriva spillvillkoret:

$$spill = (A < 0) (B < 0) (S \geq 0)$$

Vi sammanfattar

Tvåkomplementsform är lämplig representation för binära negativa heltal.

Subtraktion utförs som addition av tvåkomplement

Spillindikator vid addition av naturliga tal $[0 \dots N]$

$$\text{"Carry"} = c_n$$

Spillindikator vid subtraktion av naturliga tal $[0 \dots N]$

$$\text{"Borrow"} = c_n'$$

Spillindikator vid addition/subtraktion av n-bitars heltal $[-M \dots N]$ med tvåkomplementsrepresentation:

$$\text{"Overflow"} = s_{n-1}' x_{n-1} y_{n-1} + s_{n-1} x_{n-1}' y_{n-1}'$$



Grindar och vippor...

Negation, "ICKE" → NOT-grind (Inverterare)

satslogik

sannings- tabell

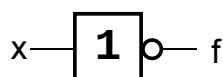
p	¬p
F	S
S	F

Boolesk algebra

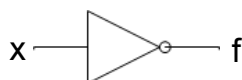
funktions- tabell

x	f=x'
0	1
1	0

IEC-symbol



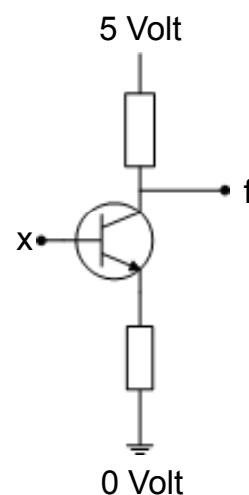
Amerikansk symbol



Observera de alternativa skrivsätten inom Boolesk algebra

$$x' = \bar{x}$$

TTL (Transistor- Transistor- Logic)



Disjunktion, "ELLER" → OR-grind

satslogik

Boolesk algebra

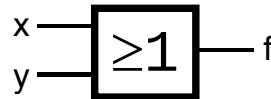
sannings-
tabell

p	q	$p \vee q$
F	F	F
F	S	S
S	F	S
S	S	S

funktions-
tabell

x	y	$f = x + y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

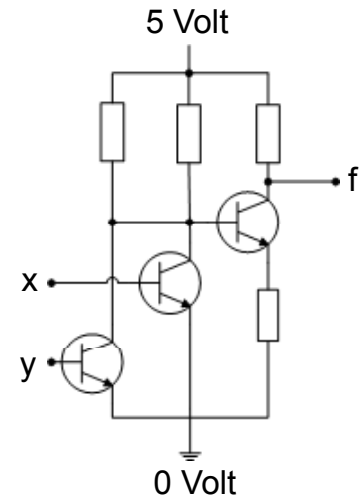
IEC-symbol



Amerikansk
symbol



TTL
(Transistor-
Transistor-
Logic)



Konjunktion, "OCH" → AND-grind

satslogik

Boolesk algebra

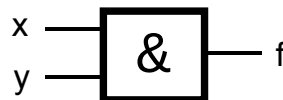
sannings-
tabell

p	q	$p \wedge q$
F	F	F
F	S	F
S	F	F
S	S	S

funktions-
tabell

x	y	$f = x \cdot y$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

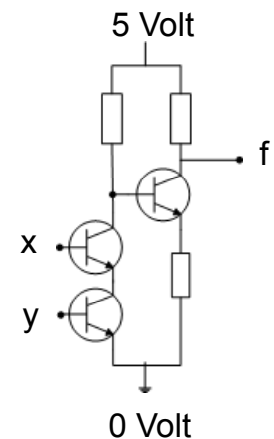
IEC-symbol



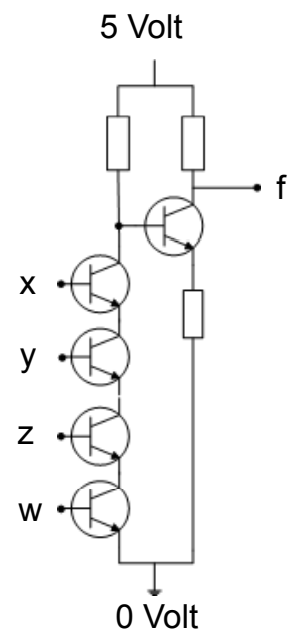
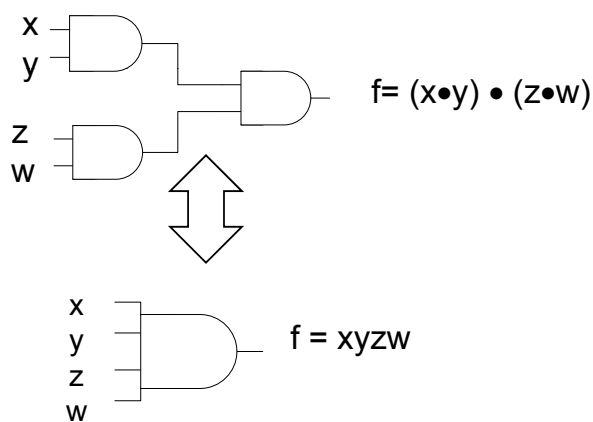
Amerikansk
symbol



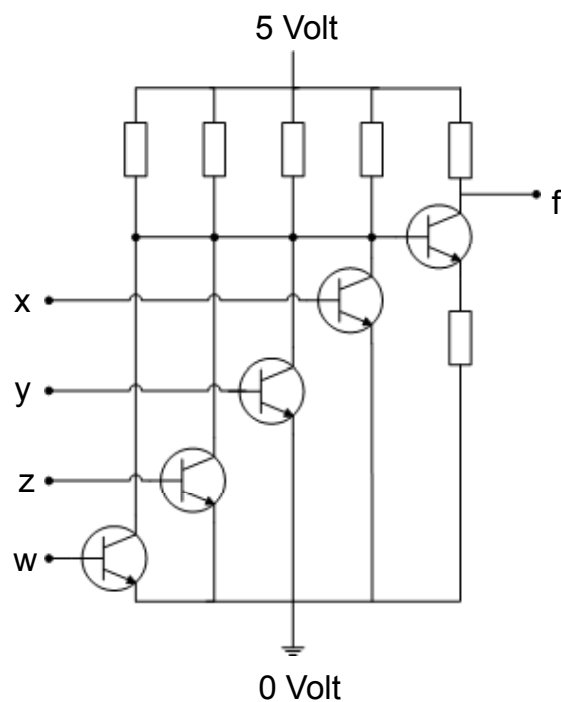
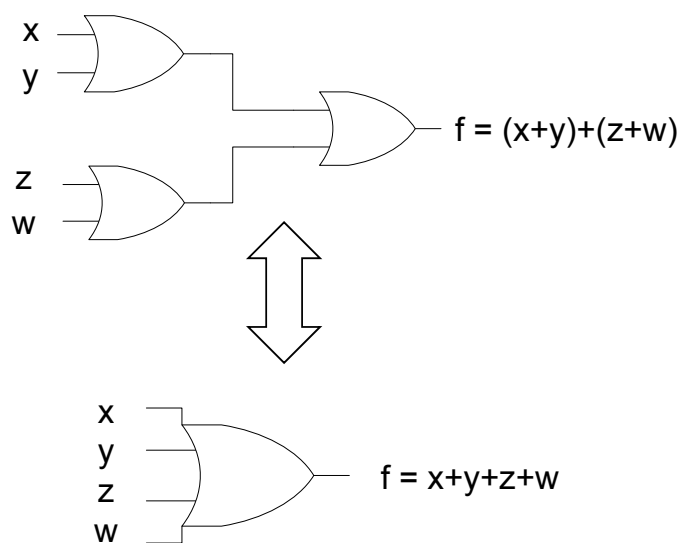
TTL
(Transistor-
Transistor-
Logic)



Antalet ingångar kan utökas



Antal ingångar (fan-in), begränsas av använd kretsteknologi.



Negerad konjunktion, "ICKE-OCH" → NAND-grind

satslogik

Boolesk algebra

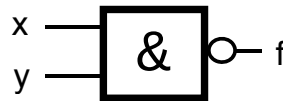
sannings- tabell

p	q	$\neg(p \wedge q)$
F	F	S
F	S	S
S	F	S
S	S	F

funktions- tabell

x	y	$f = (x \cdot y)'$
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

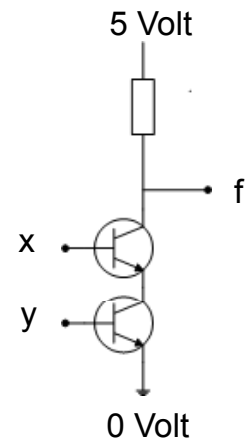
IEC-symbol



Amerikansk symbol



TTL (Transistor- Transistor- Logic)



Negerad disjunktion, "ICKE-ELLER" → NOR-grind

satslogik

Boolesk algebra

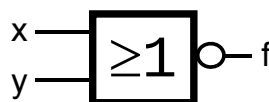
sannings- tabell

p	q	$\neg(p \vee q)$
F	F	S
F	S	F
S	F	F
S	S	F

funktions- tabell

x	y	$f = (x + y)'$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

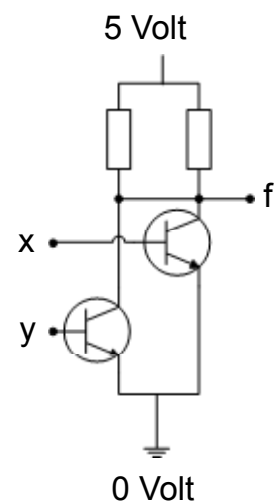
IEC-symbol



Amerikansk symbol



TTL (Transistor- Transistor- Logic)



(NOT) Exkluderande ELLER, (ICKE) XOR-grind

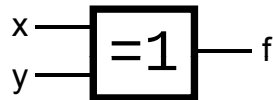
Definition:

$$x \oplus y = x'y + xy'$$

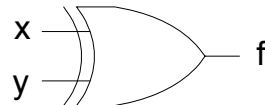
funktionstabell

x	y	$f=x \oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

IEC-symbol



Amerikansk symbol

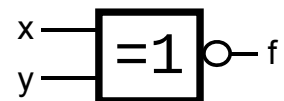


funktionstabell

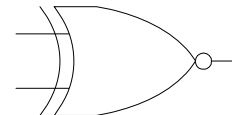
x	y	$f=(x \oplus y)'$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$(x \oplus y)' = x'y' + xy$$

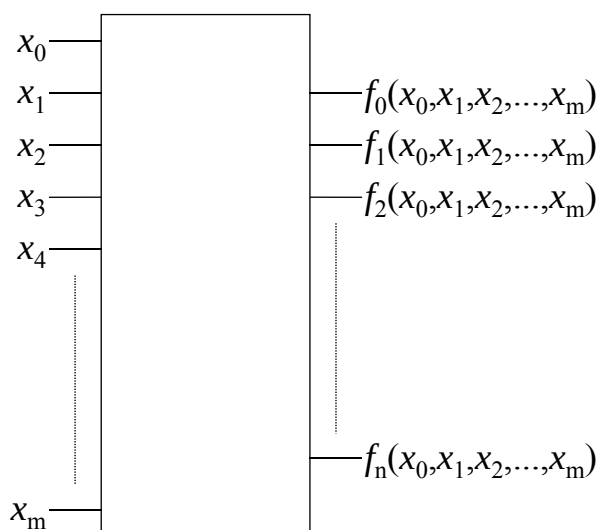
IEC-symbol



Amerikansk symbol



Kombinatoriska nät



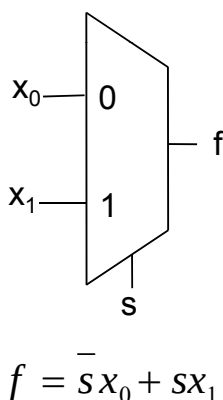
Ett kombinatoriskt nät har fixt antal ingångar ($m-1$) och fixt antal utgångar ($n-1$).

Varje utgång har i varje ögonblick det värde som entydigt bestäms av insignalerna.

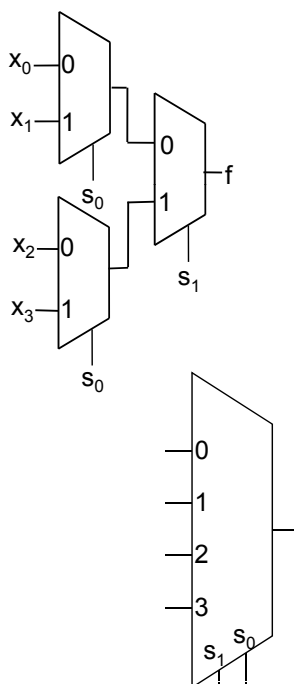
- Vi introducerar komponenter som byggblock i datorn.

Väljare (Multiplexer)

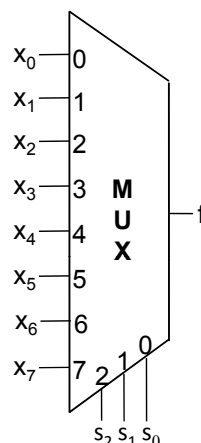
S	X ₀	X ₁	f
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1



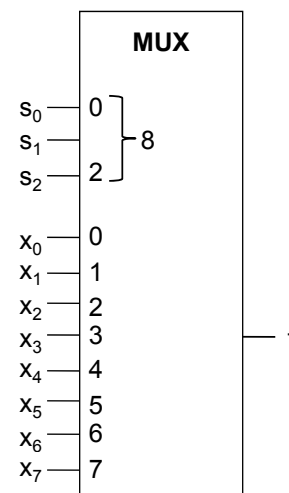
1 av 2 väljare



1 av 4 väljare



1 av 8 väljare



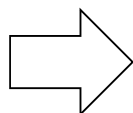
Binär addition

Uppställning för addition av två st. n-bitars tal:

	C _n	C _{n-1}	C _{n-2}	...	C _i	...	C ₁	
		a _{n-1}	a _{n-2}	...	a _i	...	a ₁	a ₀
+		b _{n-1}	b _{n-2}	...	b _i	...	b ₁	b ₀
	S _n	S _{n-1}	S _{n-2}	...	S _i	...	S ₁	S ₀

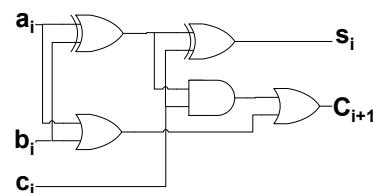
vi koncentrerar oss på
addition
av en bit, säg bit i.

	C _{i+1}	C _i
	x _i	x _i
+	y _i	y _i
=	s _i	s _i

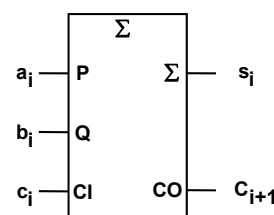


a _i	b _i	c _i	s _i	C _{i+1}
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

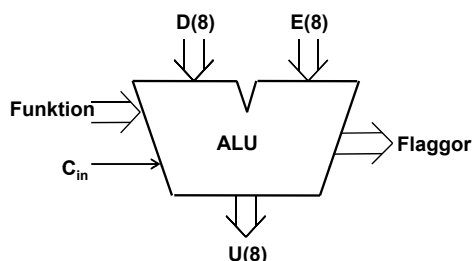
Heladderaren,
ett kombinatoriskt nät
med 3 insignaler och
2 utsignaler



Symbol för heladderare



ALU-funktioner

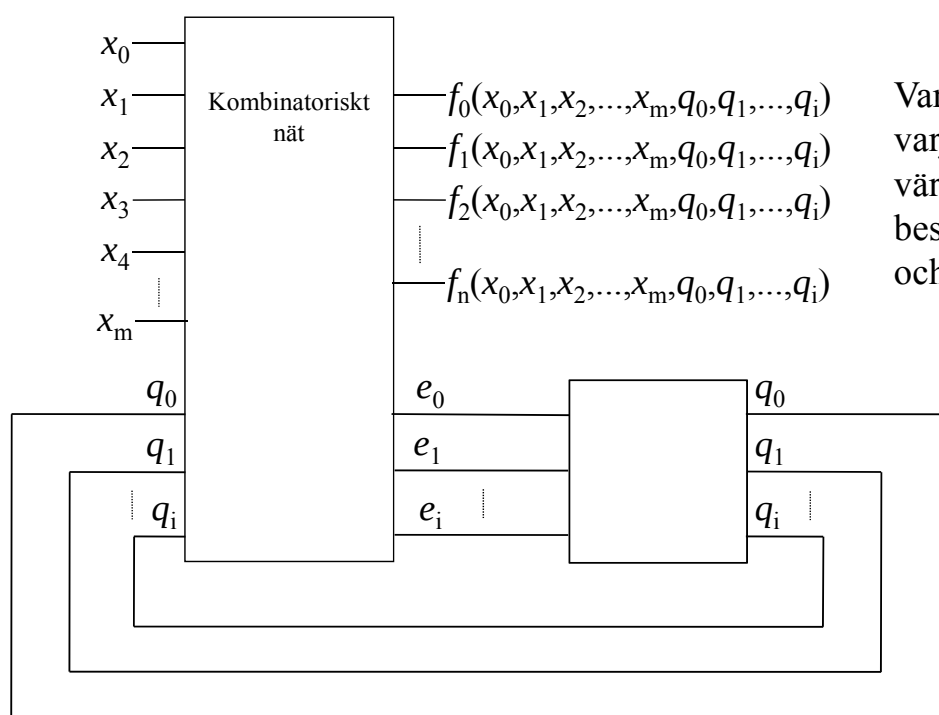


ALU:ns logik- och aritmetikoperationer på indata D och E definieras av ingångarna Funktion (F) och C_{in} enligt tabellen.
 $F = (f_3, f_2, f_1, f_0)$.

"+" och "-" avser aritmetiska operationer.
 D_{1k} menas att samtliga bitar i D inverteras.

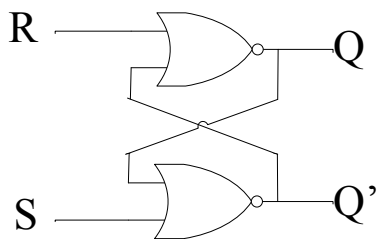
$f_3 f_2 f_1 f_0$	$U = f(D, E, F, C_{in})$	
	Operation	Resultat
0 0 0 0	Bitvis nollställning	0
0 0 0 1		D
0 0 1 0		E
0 0 1 1	Bitvis invertering	D_{1k}
0 1 0 0	Bitvis invertering	E_{1k}
0 1 0 1	Bitvis OR	D OR E
0 1 1 0	Bitvis AND	D AND E
0 1 1 1	Bitvis XOR	D XOR E
1 0 0 0	$D + 0 + C_{in}$	$D + C_{in}$
1 0 0 1	$D + FFH + C_{in}$	$D - 1 + C_{in}$
1 0 1 0		$D + E + C_{in}$
1 0 1 1	$D + D + C_{in}$	$2D + C_{in}$
1 1 0 0	$D + E_{1k} + C_{in}$	$D - E - 1 + C_{in}$
1 1 0 1	Bitvis nollställning	0
1 1 1 0	Bitvis nollställning	0
1 1 1 1	Bitvis ettställning	FFH

Sekvensnät



Varje utgång har i varje ögonblick det värde som entydigt bestäms av insignaler och tillstånd.

Latch (låskrets)



Q kan ettställas eller nollställas för att därefter behålla värdet.

Kopplingen är ett "minneselement" och kallas SR-latch.

R=Reset

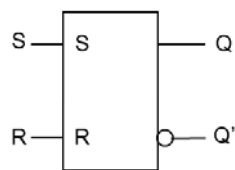
S=Set

Q

Funktionstabell

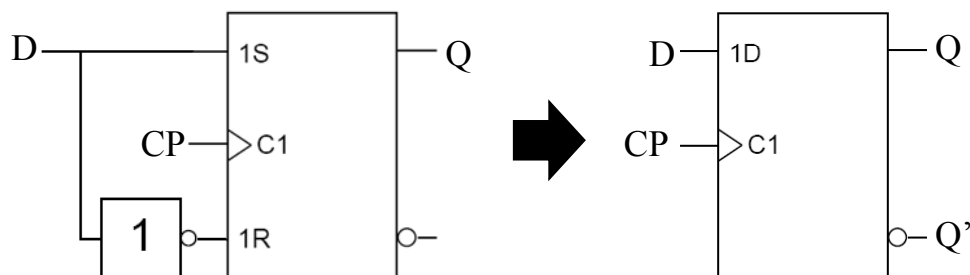
S	R	Q ⁺
0	0	Q
0	1	0
1	0	1
1	1	*

Symbol



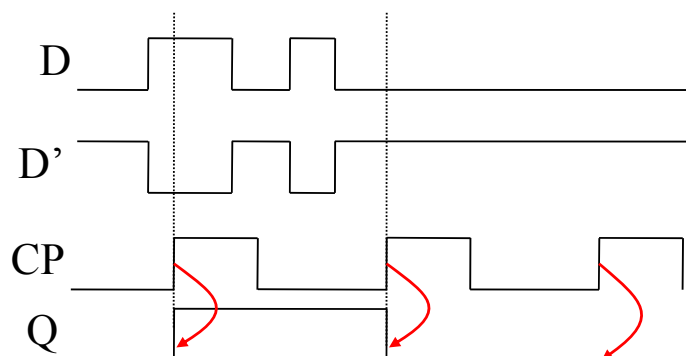
Asynkront minneselement

Flanktriggad D-vippa



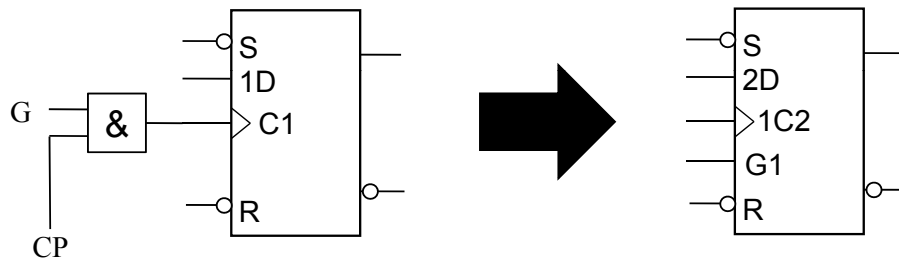
Funktions-
tabell

D	Q ⁺
0	0
1	1



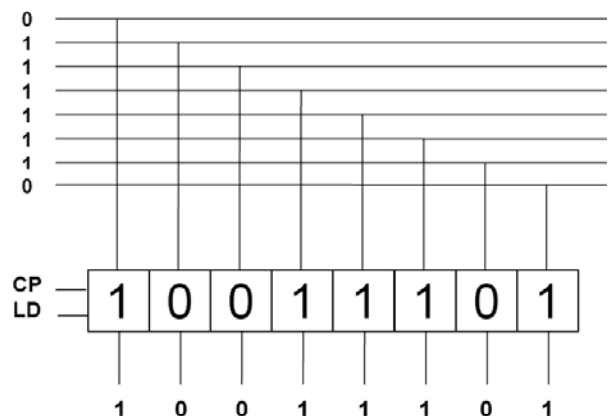
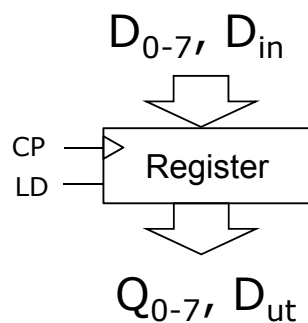
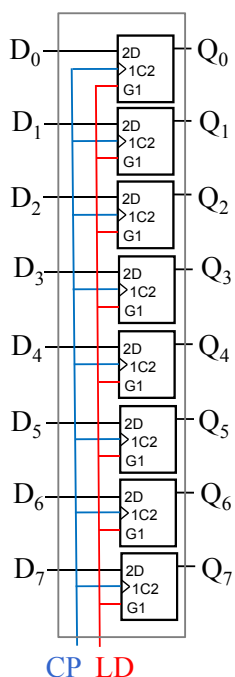
Synkront minneselement

D-vippa med "Load Enable"



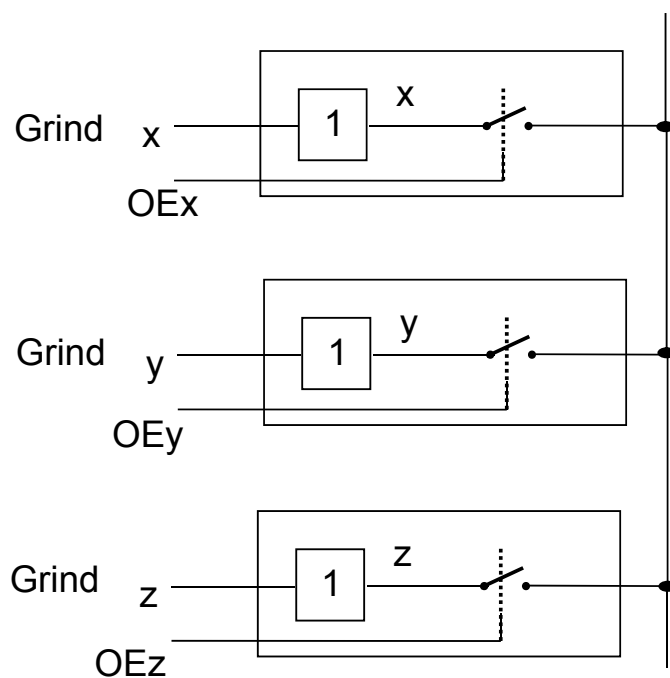
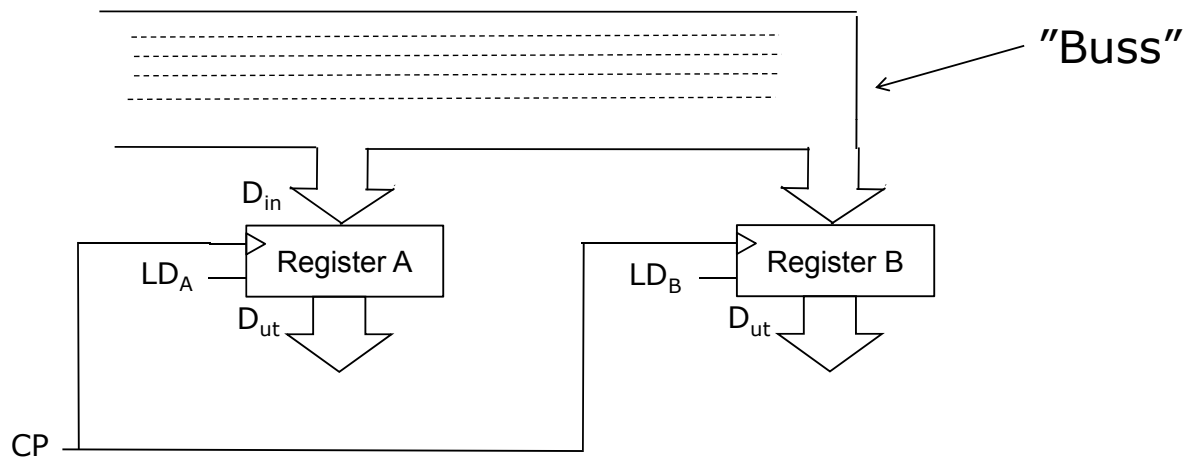
Styrsignalen G ("Gate") kan användas för att "strypa" klockpulsen.
Då $G=0$ behåller vippan sitt värde oavsett vad som finns på D-ingången

Laddbart register



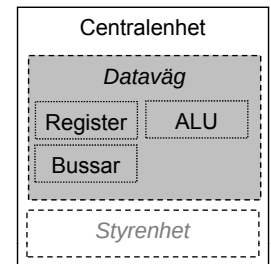
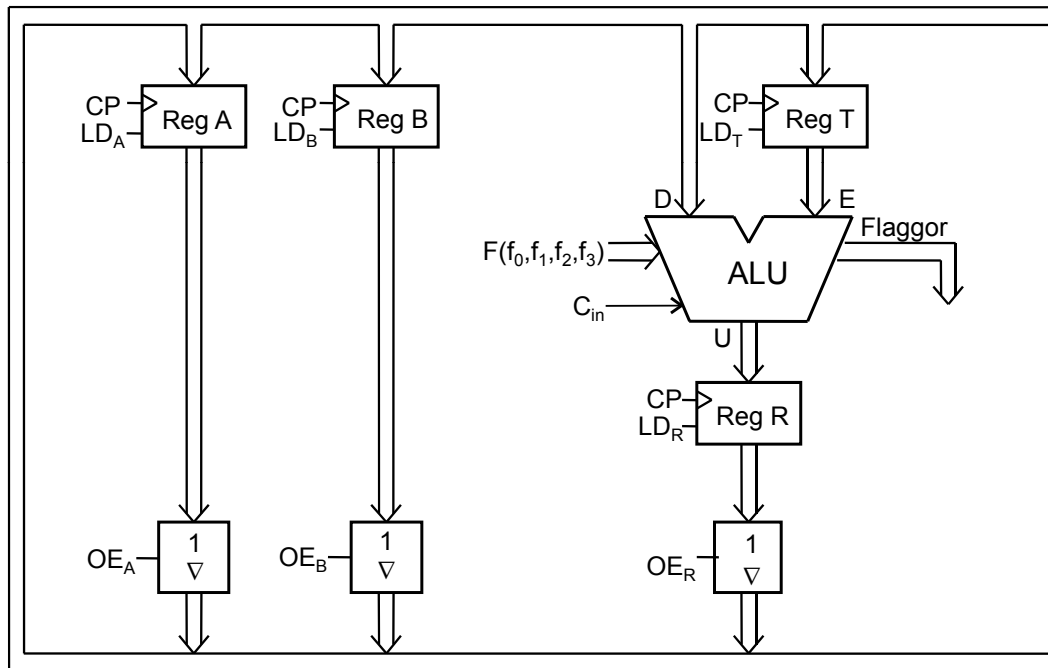
Registrets innehåll påverkas av ingångarnas nivåer först vid en klockpuls OCH om LD-signalen är aktiv.

"Dataväg" – sammankopplade register



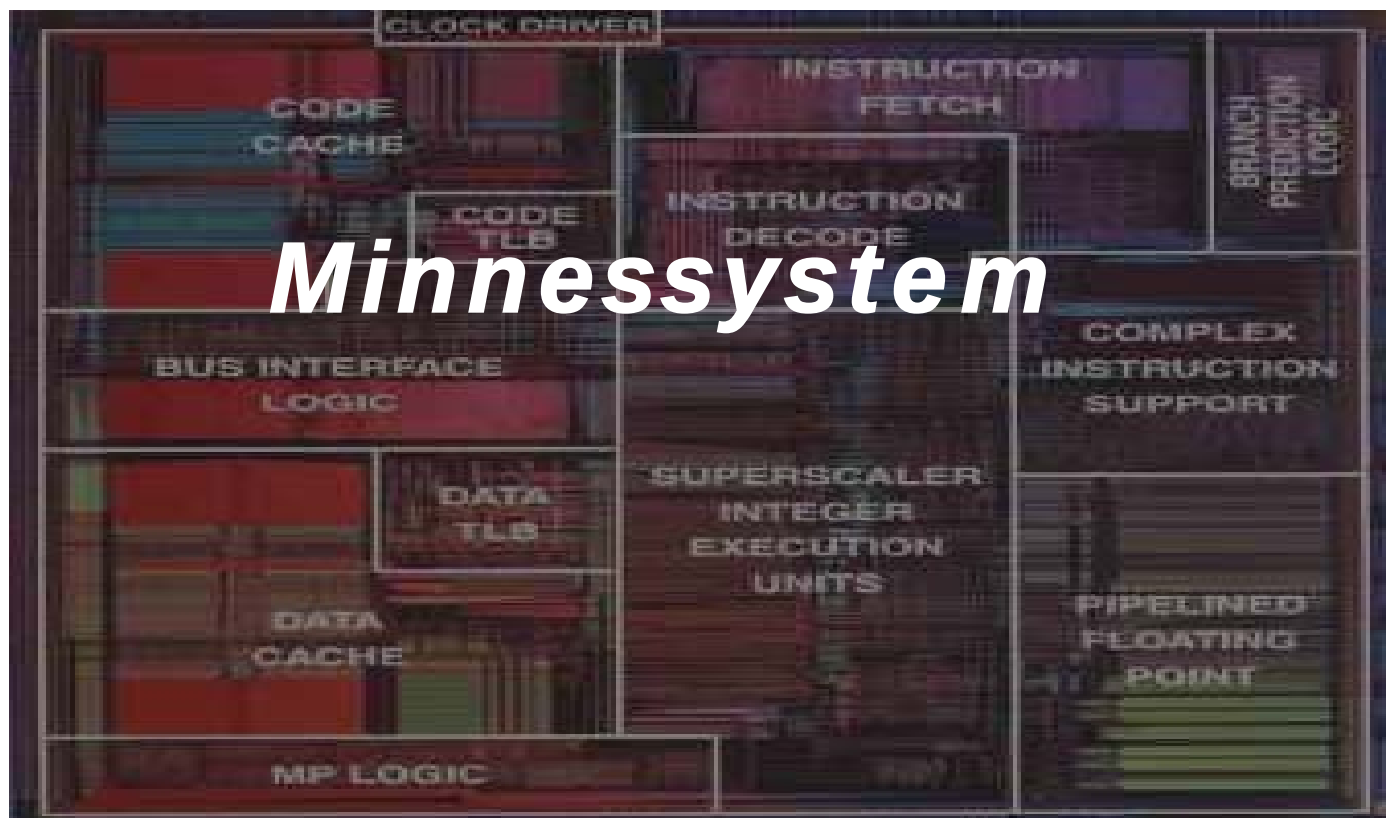
Högst **en** OE-signal aktiv åt gången...

Enkel dataväg med ALU



Styrsignaler:

LD_A
LD_B
LD_T
LD_R
OE_A
OE_B
OE_R
F(f₀, f₁, f₂, f₃)
C_{in}

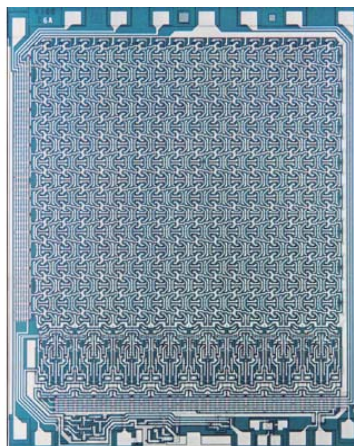


Minnessystem

Minnessystem

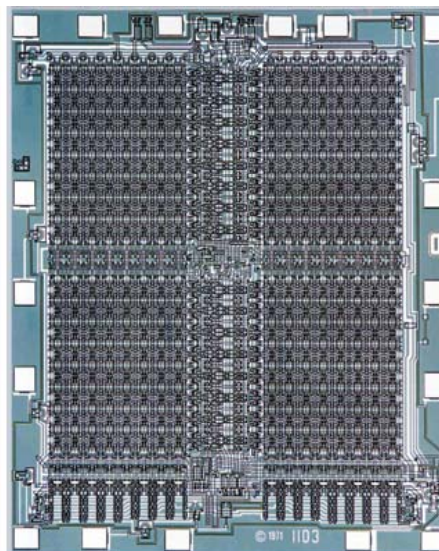
- Primärminnen
S-RAM, D-RAM, ROM, EPROM, FLASH...
- Sekundärminnen
Hårddisk
Flexskiveenheten
- Tertiärminnen
Bandstationer
Optiska lagringsmedia

Statiskt RAM (1966)



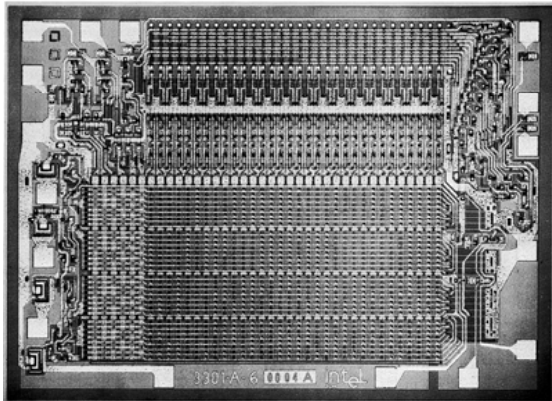
256-bit TTL
RAM
(Fairchild)

Dynamiskt RAM (DRAM) 1970



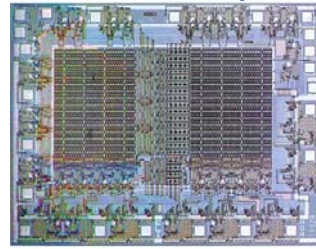
Intel i1103
1024-bit
Dynamiskt
RAM

ROM (1965)



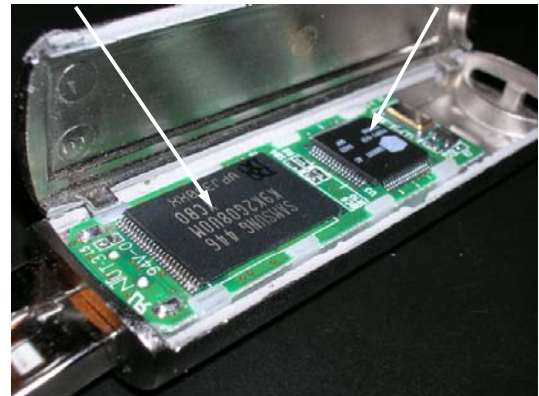
Intel 3301, 1024-bit ROM

EPROM (1971)



MINNE

STYRKRETS



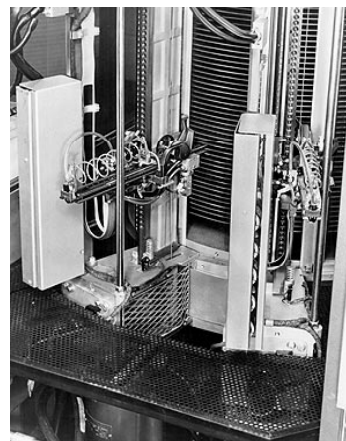
"BLOCK"-minnes åtkomst

FLASH 1988

Hårddisken

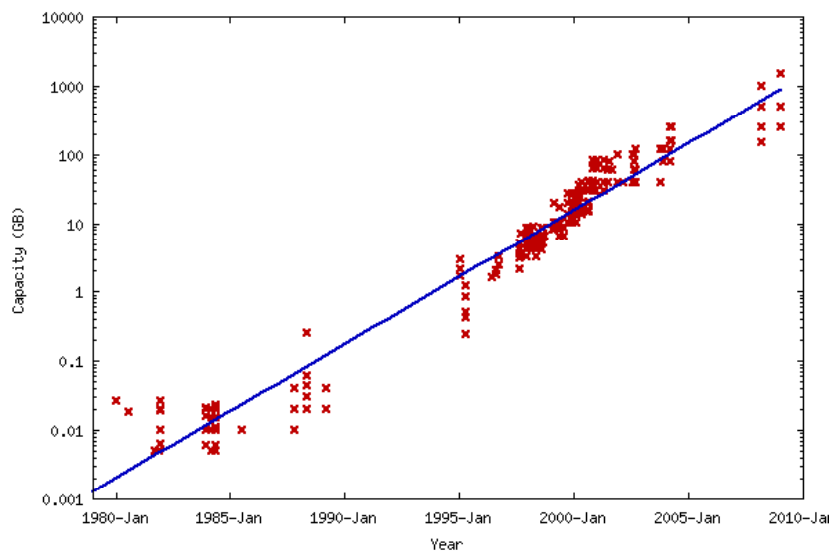


IBM 350 (1956)

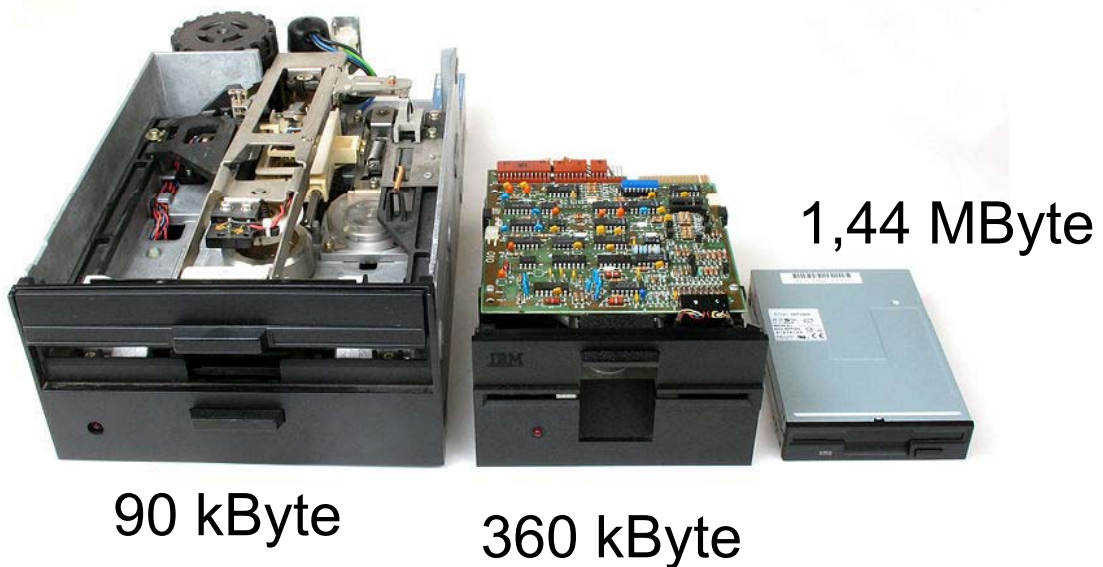


Kapacitet 5-20 MByte

Utveckling av lagringskapacitet



Flexskivan (1967)



Compact Disc(1965)



650-900 MByte

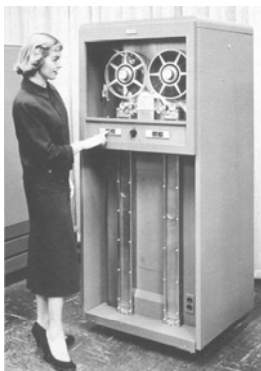
Digital Versatile Disc(1993)



4,7-17 GByte

Bandstationer

IBM 701 (1949)



IBM 726 (1952)
2MB



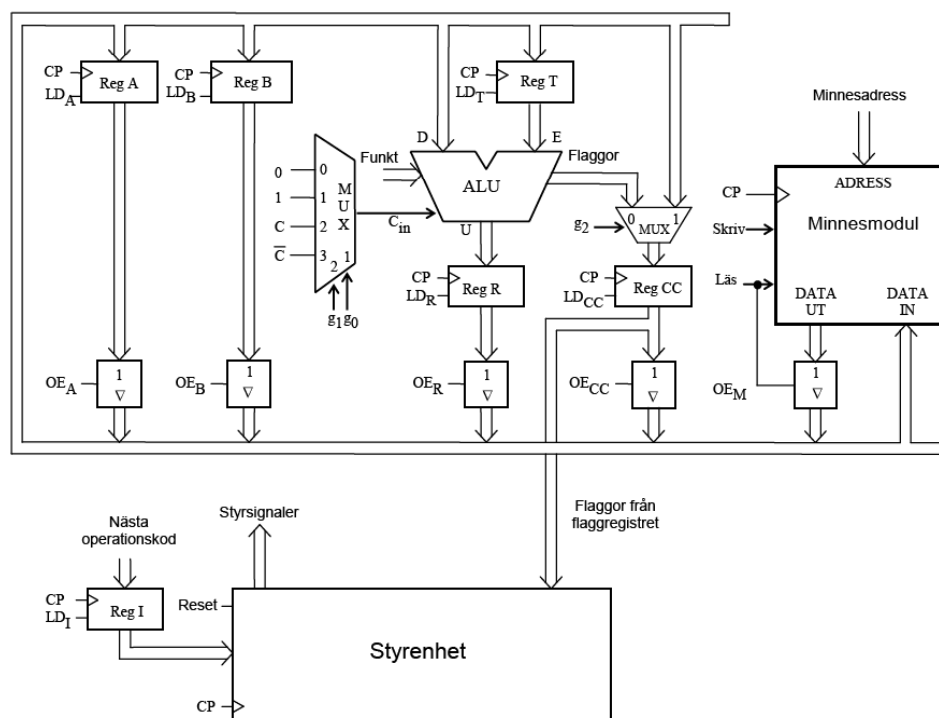
IBM 3420 (1970)



IBM MP350 (1996)
300GB/kasett

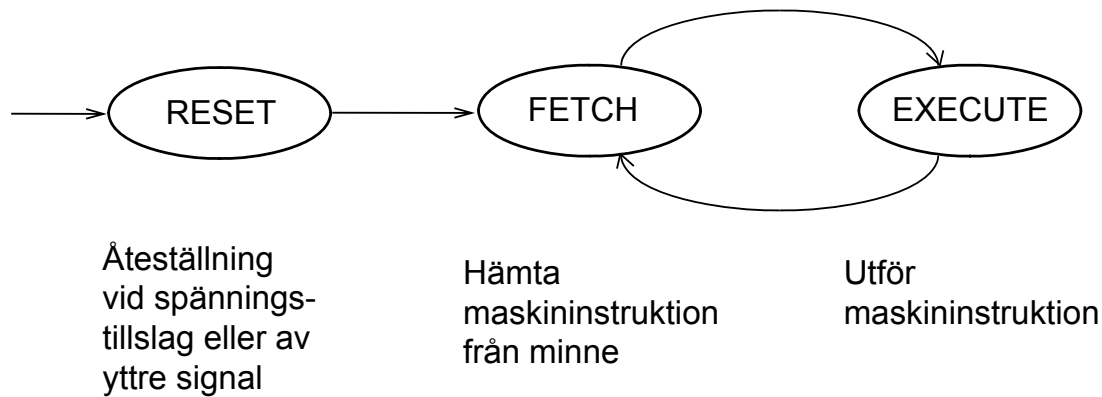


Centralenhet och minne

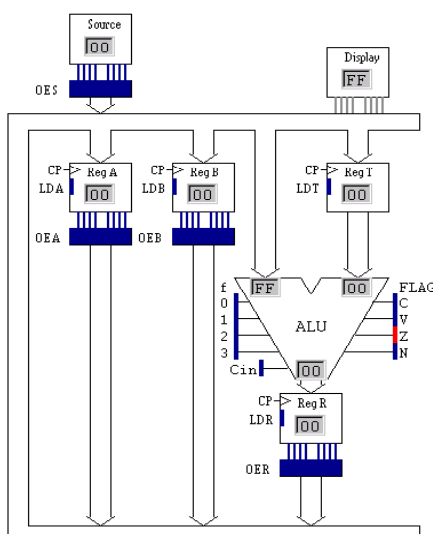


Centralenhetens arbetssätt

En centralenhet har minst tre "faser":



Exempel: $B+1 \rightarrow B$ (INCrement B)



f3 f2 f1 f0

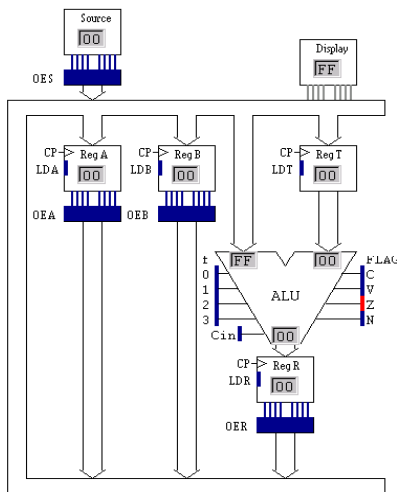
0 0 0 0
0 0 0 1
0 0 1 0
0 0 1 1
0 1 0 0
0 1 0 1
0 1 1 0
0 1 1 1
1 0 0 0
1 0 0 1
1 0 1 0
1 0 1 1
1 1 0 0
1 1 0 1
1 1 1 0
1 1 1 1

$U = f(D, E, F, Cin)$

Operation	Resultat
Bitvis nollställning	0
	D
	E
Bitvis invertering	D_{1k}
Bitvis invertering	E_{1k}
Bitvis OR	$D \text{ OR } E$
Bitvis AND	$D \text{ AND } E$
Bitvis XOR	$D \text{ XOR } E$
$D + 0 + Cin$	$D + Cin$
$D + FF_{16} + Cin$	$D - 1 + Cin$
	$D + E + Cin$
$D + D + Cin$	$2D + Cin$
$D + E_{1k} + Cin$	$D - E - 1 + Cin$
Bitvis nollställning	0
Bitvis nollställning	0
Bitvis ettställning	FF_{16}

Observera att en given operation som regel kan utföras på flera olika sätt.
Vi eftersträvar vanligtvis det effektivaste (minst klockcykler).

I RTN-beskrivningen anger vi, klockpuls för klockpuls, hur datavägen används.



Steg 1:

$B \rightarrow D$

$Cin = 1$

$F = 1, 0, 0, 0$

$U \rightarrow R$

Resultatet $B+1$ finns nu i register R.

Eftersom bussen är upptagen krävs ytterligare steg för att återföra resultatet till B

Steg 2:

$R \rightarrow B$

RTN-beskrivning:

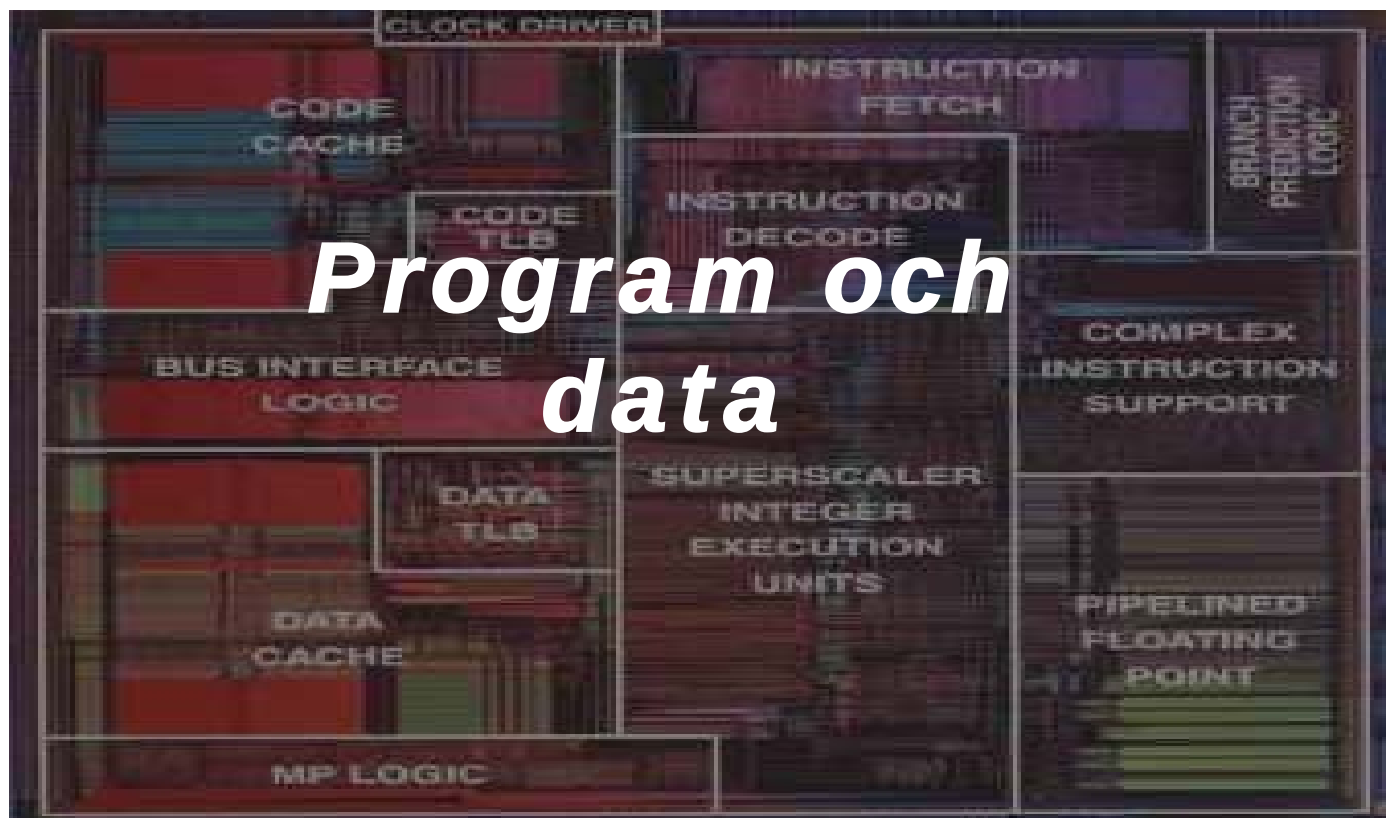
CP1: $B+1 \rightarrow R$

CP2: $R \rightarrow B$

CP3:

CP4:

CP5:



Program och data

Program och minne

■ John Louis Von Neumann (1903-1957)

"Det lagrade programmets princip", dvs program och data i samma minne.



adress hex	innehåll hex	operation
07	01	
08	0B	- load the A-register with the contents
09	91	of this address (91H)
0A	28	- add to the A-register the contents of
0B	92	this address (92H)
0C	61	- branch, if carry=1, to the address =
0D	07	this number (07H) + address of next OPcode (0EH) (= 15H)
0E	13	- store the contents of the A-register on
0F	94	this address (94H)
10	47	- clear the A-register
11	13	- store the contents of acc A (00H) on
12	93	this address (93H)
13	59	- jump to
14	1B	this address (1BH)
15	13	- store the contents of the A-register on
16	94	this address (94H)
17	0F	- load the A-register with
18	01	this number (01H)
19	13	- store contents of the A-register (01H)
1A	93	on this address (93H)
1R	nR	

Maskinprogram
i minnet

Tillhörande
assemblerprogram

0C	10	LDAB	← #23	Instruktion
0D	23			
0E	29	ADDB	← \$F3	Adress
0F	F3			
10	02	TFR	B,A	
11	4F	CMPB	← #03	Data
12	03			
13	61	BLO	\$29	
14	13			

Instruktionsformat

Exempelvis:

OPkod		
OPkod	operand	
OPkod	adressinfo	
OPkod	operand	
OPkod	adressinfo	
byte 1	byte 2	byte 3

ADDB	Adr	OP-kod	Adr
LDAB	#data	OP-kod	data
TFR	B,A	OP-kod	

Adress	Maskinprogram
0C	10
0D	23
0E	29
0F	F3
10	02
11	4F
12	03
13	61
14	13

"Byte-wide" 8 bitar data på varje adress



Assemblerprogram	
10 23	LDAB #23
29 F3	ADDB \$F3
02	TFR B,A
4F 03	CMPB #03
61 13	BLO \$29
Instruktion "mnemonic"	operand- information

HCS12DG256, blockdiagram

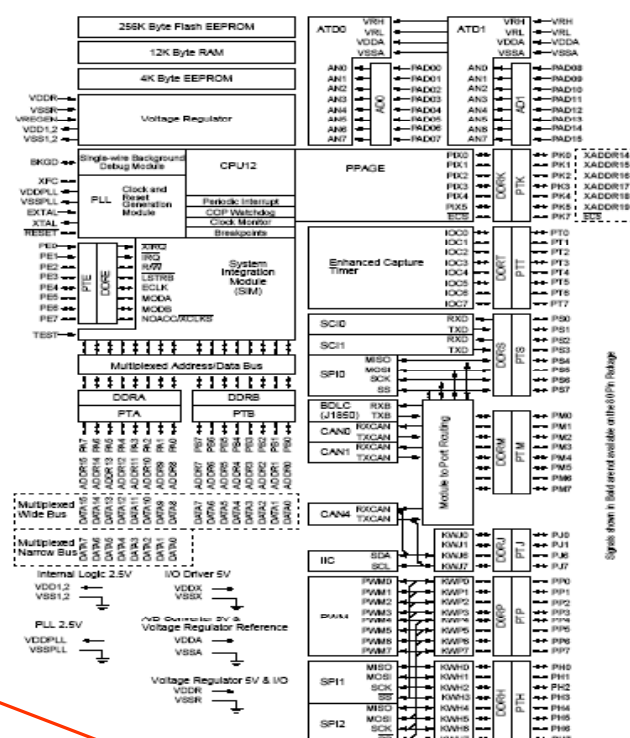
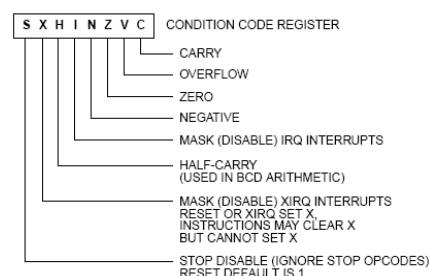
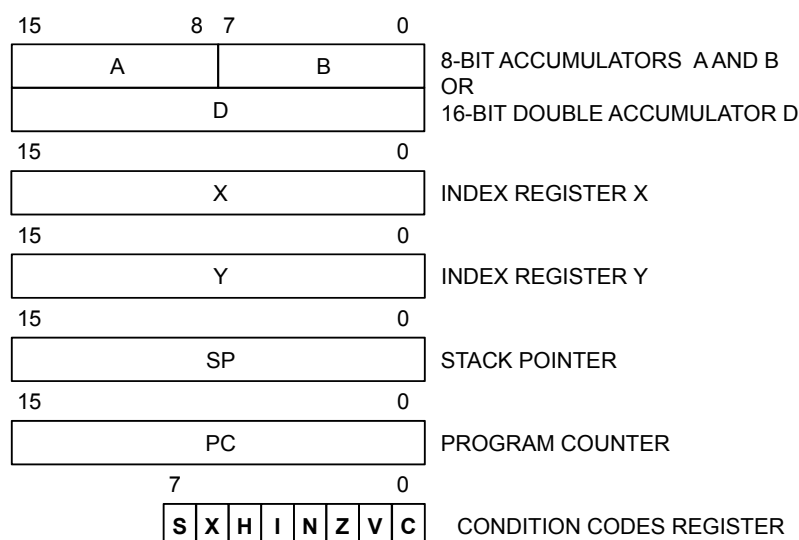


Table 1. A summary of the data used in the analysis. The number of observations is 1000 for each treatment group. The mean and standard deviation of the response variable are also given.

Registeruppsättning CPU12



Instruktionsgrupper

LOAD-instruktioner

Mnemonic	Funktion	Operation
LDAA	Load A	$(M) \rightarrow A$
LDAB	Load B	$(M) \rightarrow B$
LDD	Load D	$(M:M+1)_1 \rightarrow A:B$
LDS	Load SP	$(M:M+1)_1 \rightarrow SP_H:SP_L$
LDX	Load index register X	$(M:M+1)_1 \rightarrow X_H:X_L$
LDY	Load index register Y	$(M:M+1)_1 \rightarrow Y_H:Y_L$
LEAS	Load effective address into SP	Effective address $\rightarrow$ SP
LEAX	Load effective address into X	Effective address $\rightarrow$ X
LEAY	Load effective address into Y	Effective address $\rightarrow$ Y

STORE-instruktioner

Mnemonic	Funktion	Operation
STAA	Store A	$(A) \rightarrow M$
STAB	Store B	$(B) \rightarrow M$
STD	Store D	$(A) \rightarrow M, (B) \rightarrow M+1$
STS	Store SP	$SP_H:SP_L \rightarrow M:M+1$
STX	Store X	$X_H:X_L \rightarrow M:M+1$
STY	Store Y	$Y_H:Y_L \rightarrow M:M+1$

MOVE-instruktioner

Mnemonic	Funktion	Operation
MOVB	Move byte (8 bitar)	$(M_1) \rightarrow M_2$
MOVW	Move word (8 bitar)	$(M:M+1)_1 \rightarrow M:M+1_2$

EXEMPEL – "memcpy0(from , to, size)"

Kan (informellt) kodas...

memcpy0:

```
LDAB    "size"
LDX     "from"
LDY     "to"
```

memcpy0_loop:

```
TSTB
BEQ     memcpy0_end
LDAA    1, X+
STAA    1, Y+
DECB
BRA     memcpy0_loop
```

memcpy0_end:

```
RTS
```