

# Lösningsförslag tenta 2014-05-27

(Version 3 med reservation för eventuella fel. Rapportera gärna fel, så uppdateras lösningen efterhand! Uppdaterad 140529.)

1.  $X = 0110_2; Y = 1011_2$  (4 bitars ordlängd)

a)  $[0, 2^n - 1] = [0, 2^4 - 1] = [0, 15]$  (1p)

b)  $[-2^{n-1}, +2^{n-1} - 1] = [-2^{4-1}, +2^{4-1} - 1] = [-8, +7]$  (1p)

c)  $S = X+Y$   
 $\begin{array}{r} 43210 \\ 11100 \\ 0110 \\ +1011 \\ \hline 0001 = S \end{array}$  bitnummer  
 carry  
 X  
 Y  
 (1p)

d)  $\underline{N} = s_3 = 0$   
 $\underline{Z} = 0 (S \neq 0)$   
 $\underline{V} = x_3 * y_3 * s_3 + x_3' * y_3' * s_3 = 0 * 1 * 0 + 0' * 1' * 0 = 0$   
 $\underline{C} = c_4 = 1$

NZVC = 0001 (1p)

e)  $D = X+Y_{1k}+1$   
 $\begin{array}{r} 43210 \\ 01001 \\ 0110 \\ +0100 \\ \hline 1011 = D \end{array}$  bitnummer  
 carry  
 X  
 Y<sub>1k</sub>  
 (1p)

f)  $\underline{N} = d_3 = 1$   
 $\underline{Z} = 0 (D \neq 0)$   
 $\underline{V} = x_3 * y_{3k} * d_3 + x_3' * y_{3k}' * d_3 = 0 * 0 * 1 + 0' * 0' * 1 = 1$   
 $\underline{C} = c_4' = 0' = 1$

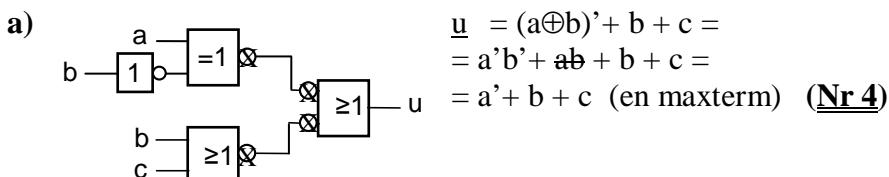
NZVC = 1011 (1p)

g)  $\underline{X} = 0110_2 = 6_{16} = 6$   
 $\underline{Y} = 1011_2 = B_{16} = 11_{10}$   
 $\underline{S} = 0001_2 = 1$  Resultatet S är felaktigt eftersom C = 1.  
 $\underline{D} = 1011_2 = 11_{10}$  Resultatet D är felaktigt eftersom C = 1. (1p)

h)  $(x_3 = 0, \text{pos}) \quad \underline{X} = 6.$   
 $(y_3 = 1, \text{neg}) \quad Y_{2k} = 2^4 - 11 = 5 \quad \underline{Y} \text{ motsvarar } -5.$   
 $(s_3 = 0, \text{pos}) \quad S = 1 \quad \text{Resultatet } S \text{ är korrekt eftersom } V = 0.$   
 $(d_3 = 1, \text{neg}) \quad D_{2k} = 2^4 - 11 = 5 \quad \underline{D} \text{ motsvarar } -5. \quad \text{Resultatet } D \text{ är felaktigt eftersom } V = 1.$  (1p)

i) Upplösningen beror av antalet bitar i mantissan  $52 + 1 = 53$ .  
 $2^{53} = 2^3 \cdot 2^{50} = 8 \cdot (2^{10})^5 \approx 8 \cdot (10^3)^5 = 8 \cdot 10^{15}$  (Antal olika kombinationer uttryckt decimalt.)  
 $(1 \leq 8 < 10)$  Alltså är upplösningen minst 15 decimala siffror. (2p)

2.



		bc			
		00	01	11	10
a	0	1	1	1	1
	1	0	1	1	1

(2p)

b)

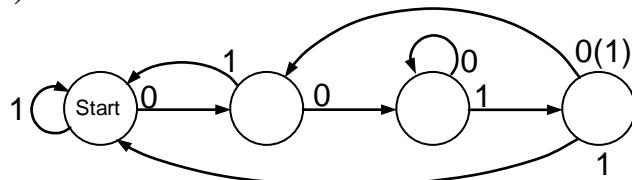
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	1	
	01	1	0	-	0
ab	11	-	1	-	-
	10	1	-	1	0

NOR-gindar  $\leftrightarrow$  "nollar"  
 $f = [d + (a \oplus b \oplus c)](a + d')$  (Nr 3)

(4p)

3.

a)



(Ej utsatta utsignaler = 0)

4 tillstånd ger minst 2 vippor  
 $(2^2 = 4)$ 

(4p)

b)

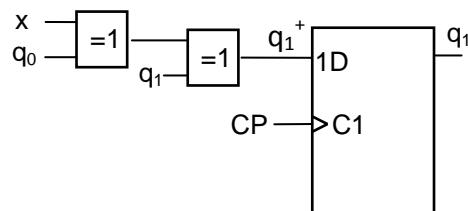
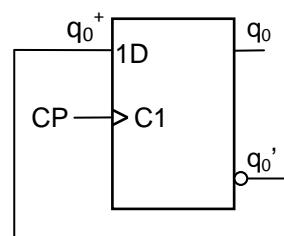
x	q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub> <sup>+</sup>	q <sub>0</sub> <sup>+</sup>
0	0	0	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	0
1	1	0	0	1
1	1	1	1	0

$$\begin{array}{r} q_1^+ \\ \times \\ \begin{array}{r} q_1 q_0 \\ 00 01 11 10 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} q_0^+ \\ \times \\ \begin{array}{r} q_1 q_0 \\ 00 01 11 10 \end{array} \end{array}$$

$$q_1^+ = x \oplus q_1 \oplus q_0$$

$$q_0^+ = q_0'$$



(6p)

4.

CP	Styrsignaler (=1)	RTN	A(8)	B(8)	T(8)	R(8)
1	OE <sub>B</sub> , LD <sub>T</sub>	B → T	64	A0	?	?
2	OE <sub>A</sub> , f <sub>3</sub> , f <sub>1</sub> , LD <sub>R</sub> , LD <sub>T</sub>	A + T → R, A → T	64	A0	A0	?
3	OE <sub>R</sub> , f <sub>3</sub> , f <sub>1</sub> , f <sub>0</sub> , g <sub>0</sub> , LD <sub>R</sub>	2R + 1 → R	64	A0	64	04
4	OE <sub>R</sub> , f <sub>3</sub> , f <sub>2</sub> , LD <sub>R</sub> , LD <sub>T</sub>	R - T - 1 → R, R → T	64	A0	64	09
5	OE <sub>R</sub> , f <sub>3</sub> , f <sub>1</sub> , LD <sub>R</sub>	R + T → R	64	A0	09	A4
6	OE <sub>R</sub> , LD <sub>B</sub>	R → B	64	A0	09	AD
7	?		64	AD	09	AD

(4p)

5. a)

State	Summaterm	RTN-beskrivning	Styrsignaler
Q <sub>4</sub>	Q <sub>4</sub> ·I <sub>xx</sub>	M(PC) → T, PC+1 → PC	MR, LD <sub>T</sub> , INC <sub>PC</sub>
Q <sub>5</sub>	Q <sub>5</sub> ·I <sub>xx</sub>	M(SP+T) → T	MR, g <sub>12</sub> , LD <sub>T</sub>
Q <sub>6</sub>	Q <sub>6</sub> ·I <sub>xx</sub>	A – T + C' → R, ALU(NZVC) → CC	OE <sub>A</sub> , f <sub>3</sub> , f <sub>2</sub> , g <sub>1</sub> , g <sub>0</sub> , LD <sub>R</sub> , LD <sub>CC</sub>
Q <sub>7</sub>	Q <sub>7</sub> ·I <sub>xx</sub>	R → A, (New Fetch)	OE <sub>R</sub> , LD <sub>A</sub> , NF

Instruktionen är: SBCA n,SP

(2p)

b)

State	S-term	RTN-beskrivning	Styrsignaler
Q <sub>4</sub>	Q <sub>4</sub> ·I <sub>EF</sub>	M(PC) → TA, PC+1 → PC	MR, LD <sub>TA</sub> , INC <sub>PC</sub>
Q <sub>5</sub>	Q <sub>5</sub> ·I <sub>EF</sub>	M(TA) → T	MR, g <sub>14</sub> , LD <sub>T</sub>
Q <sub>6</sub>	Q <sub>6</sub> ·I <sub>EF</sub>	M(PC) OR T → R, ALU(NZ) → CC, 0 → V, PC+1 → PC	MR, f <sub>2</sub> , f <sub>1</sub> , LD <sub>R</sub> , g <sub>5</sub> , g <sub>3</sub> , g <sub>2</sub> , LD <sub>CC</sub> , INC <sub>PC</sub>
Q <sub>7</sub>	Q <sub>7</sub> ·I <sub>EF</sub>	R → M(TA), (New Fetch)	OE <sub>R</sub> , g <sub>14</sub> , MW, NF

(5p)

6.

a) Båda talen har ordlängden 8 bitar och därmed talområdet  $[-128_{10}, +127_{10}]$ , eftersom hoppvillkoret för BPL avser tal med tecken.

Det villkorliga hoppet BPL Adr utförs om N-flaggan = 0, dvs. om additionen ger ett resultat  $\geq 0$ . Värdet  $7A_{16} = 122_{10}$  och motsvarar +122.

Hoppvillkoret blir:  $122 + W \geq 0; \quad W \geq -122; \quad -122 \leq W \leq 127$

Overflow inträffar dock om  $122 + W \geq 128$  dvs.  $W \geq 128 - 122 = 6$ . I detta fall blir N = 1 och hoppet utförs ej.

Hoppet utförs alltså om W tillhör intervallet  $-122 \leq W < 6$ .

Dela upp intervallet i ett positivt och ett negativt intervall.

$0 \leq W < 6$  och  $-122 \leq W \leq -1$

Eftersom 2-komplementrepresentation används för negativa tal tar vi fram de verkliga värdena (= maskintalen) för dessa.

$256 - 122 \leq W \leq 256 - 1$  som ger  $134 \leq W \leq 255$

Hoppet utförs alltså i de två intervallen:  $0 \leq W < 6$  och  $134 \leq W \leq 255$

(4p)

## 6.(forts.)

b)

Adr	Data	~	Läge	Assemblerkod		Offset
				Operation	Operand	
30	91 0A	2	START	ORG	\$30	
32	90 41	2		LDY	#10	
34	F5	4	LOOP	LDX	#TAB	
35	E1 FB	3		LDA	,X+	
37	CD FF	4		STA	\$FB	
39	9D 00	3		LEAY	-1,Y	
3B	23 F7	4		CMPY	#0	
3D	F1 0C	3		BPL	LOOP	34-3D=F7
3F	21 0B	4		LDA	12	
41	-	-	TAB	BRA	NEXT	4C-41=0B
4C	00	2	NEXT	RMB	11	
				NOP		

(3p)

c)  $T = 2 + 2 + (4 + 3 + 4 + 3 + 4)11 + 3 + 4 + 2 = 13 + 18 \cdot 11 = 13 + 198 = 211 \mu s$

(3p)

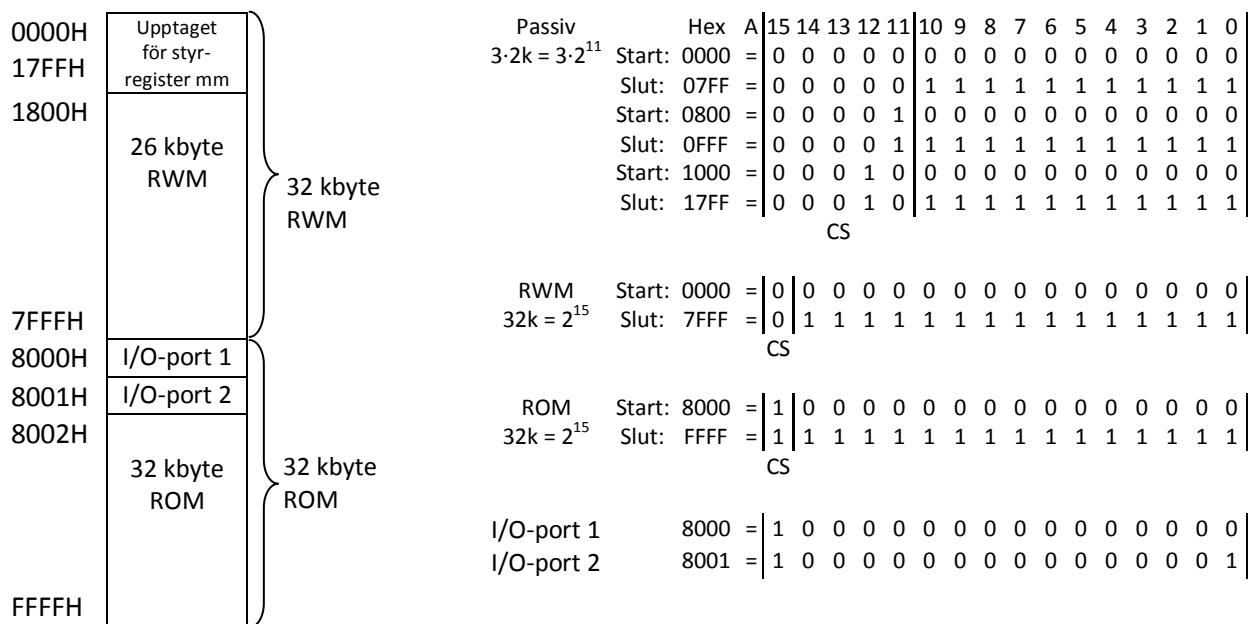
## 7.

; Subrutin COUNT

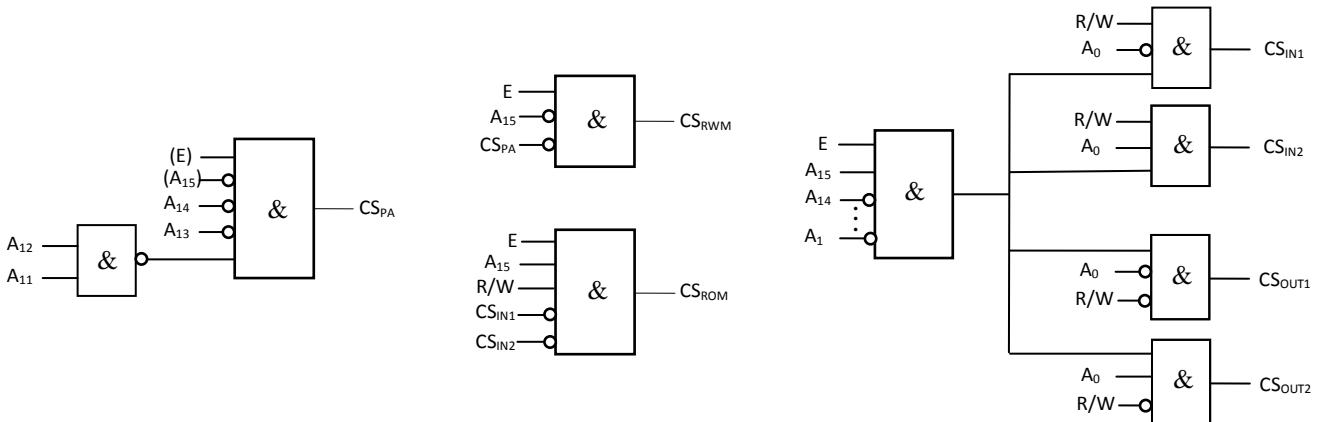
COUNT	PSHY		Spara pekare på stack
	CLR	TOTCNT	Nollställ totalräknare
	CLR	DIGCNT	Nollställ sifferräknare
CLOOP	LDA	,Y+	Hämta data från textsträng
	BEQ	CEXIT	Strängslut?
	INC	TOTCNT	Räkna ASCII
	ANDA	#\$7F	Ej strängslutt, maska bort bit 7
	CMPA	#'0'	Testa om ASCII-tecken för siffran "0"
	BLO	CLOOP	Ej siffra, fortsätt med nästa
	CMPA	#'9'	Testa om "9"
	BHI	CLOOP	Ej siffra, fortsätt med nästa
	INC	DIGCNT	Ja, öka sifferräknare
	BRA	CLOOP	Fortsätt med nästa
CEXIT	LDX	DIGCNT	Hämta resultat för retur
	LDA	TOTCNT	
	PULY		Återställ pekare
	RTS		
TOTCNT	RMB	1	Plats för räknare av alla ASCII-tecken
DIGCNT	RMB	1	Plats för räknare av siffertecken

(6p)

8. Det som gör denna uppgift lite "knepig" är att storleken på den passiva arean inte är en 2-potens.  
 Vi delar därför upp den i 3 st 2k-moduler och ser vad det leder till.



$$\begin{aligned}
 CS_{PA} &= A_{15}'A_{14}'A_{13}'A_{12}'A_{11}' + A_{15}'A_{14}'A_{13}'A_{12}'A_{11} + A_{15}'A_{14}'A_{13}'A_{12}A_{11}' = \\
 &= A_{15}'A_{14}'A_{13}'(A_{12}'A_{11}' + A_{12}'A_{11} + A_{12}A_{11}') = A_{15}'A_{14}'A_{13}'(A_{12}' + A_{11}') = A_{15}'A_{14}'A_{13}'(A_{12}A_{11})'
 \end{aligned}$$



(7p)